

## مطالعه تجربی و عددی فرآیند شکل دهنده بیلوژهای فلزی

قادر فرجی<sup>۱</sup>، محمود موسوی مشهدی<sup>۲</sup>، حسین کاشانی زاده<sup>۳</sup> و محمد کاظم بشارتی<sup>۴</sup>

گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه تهران

### چکیده

در ساخت بیلوژهای فلزی، نسبت قطر خارجی به قطر ریشه از حساسیت ویژه‌ای برخوردار است، مخصوصاً زمانی که این نسبت بزرگ باشد. در این موارد خطر پارگی و چروکیدگی در این نوع قطعات بسیار بالا است. بنابراین، انتخاب و کنترل پارامترهای فرآیندی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. بیلوژ فلزی در این پژوهش در دو مرحله با استفاده از تیوب اولیه ساخته می‌شود که شامل بالجینگ و فولدینگ است. پس از مرحله فولدینگ، ابتدا فشار داخلی و سپس نیروی محوری برداشته شده، برگشت فری باعث افزایش طول بیلوژ می‌گردد. مشخصات اساسی بیلوژ ساخته شده شامل قطر خارجی، برگشت فری و توزیع ضخامت آن است. پارامترهای اصلی که روی مشخصه‌های مذکور اثر می‌گذارد شامل فشار داخلی، کورس اولیه و مقدار پیشروی محوری می‌باشد. در این مقاله، یک مطالعه عددی پارامتری انجام شده و تأثیر پارامترهای اصلی روی کیفیت بیلوژهای فلزی بررسی شده است. پارامترهای مشخصی برای رسیدن به بیلوژ مطلوب از بررسی پارامتری به دست آمده و تست های تجربی با این پارامترها انجام شده است. نتایج به دست آمده به روشهای اجزاء محدود و تجربی مطابقت بسیار خوبی دارد.

**واژه‌های کلیدی:** بیلوژ فلزی، متاد اجزاء محدود، شکل دهنده فلزات

## Experimental and Finite Element Analysis of Metal Bellows Manufacturing

G. Faraji, H. Kashanizadeh, M. Mosavi, and M.K. Besharati  
Mech. Eng. Group, Tehran Univ.

### ABSTRACT

Manufacturing of metal bellows with high ratio of crown to root diameter is very sensitive to design parameters, because of bursting possibilities. In this work, a process is introduced in which metal bellows are manufactured from tubes using bulging and folding processes. After the folding process, internal pressure, axial force, and annular plate dies are removed and the length of the bellows is increased with spring back. The quality of the final product depends on spring back, crown diameter, and thickness distribution. The main design parameters, which affect the quality of the products, are internal pressure, die course, and axial feeding. In this work, a parametric study was performed, using a commercial explicit finite element code and the effects of the main design parameters on the quality of the product is studied. Then, the design parameters leading to a product with acceptable quality were obtained numerically. Finally, an experiment was conducted to produce the metal bellows. The numerical and the experimental result showed very close agreements.

**Key Words:** Metal Bellows, Finite Element Method, Metal Forming, Experimental Study

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد (نویسنده پاسخگو): gfaraji@engmail.ut.ac.ir

۲- استاد

۳- کارشناس ارشد

۴- استاد بار

پارامترهای شکل دهی بیلوزهای فلزی با استفاده از نرم افزار ABAQUS/Explicit و استفاده از آنها برای ساخت بیلوز با ابعاد مشخص است. حساسیت فرآیند به لحاظ نسبت کشش زیاد، بالا است. در عمل کنترل پارامترهای فرآیند به سبب حساسیت بالای فرآیند، بسیار مشکل است.

## اجزای محدود

شبیه سازی فرآیند شکل دهی با استفاده از نرم افزار ABAQUS صورت گرفته است. به خاطر مسائل مربوط به واگرایی روش ضمنی<sup>۱</sup> از روش حل صریح<sup>۲</sup> استفاده شده است. مدل به صورت دوبعدی هم محور<sup>۳</sup> است و یکی از ده حلقه بیلوز به خاطر تقارن، مدل سازی شده است. تمام اندازه ها در شکل ۱ و جدول ۱ آمده است، که  $t_1, t_2, t_3$  و  $L$  به ترتیب شعاع، ضخامت و طول اولیه تیوب هستند.  $D$  فاصله اولیه قیدهای صفحه ای و  $t_4$  ضخامت قیدهای صفحه ای است. نمودار تنش کرنش به صورت الاستیکی، چگالی و ضریب اصطکاک نیز در جدول ۱ نشان داده شده اند. خواص مکانیکی از طریق انجام تست کشش روی سه عدد از لوله اولیه حاصل شده است. مراحل مختلف فرآیند در شکل ۱ نشان داده شده است. فرآیند شامل سه مرحله بالجینگ، فولدینگ و برگشت فنری است. نمودار بارگذاری مربوط به فشار داخلی و پیشروی محوری در شکل ۲ نشان داده شده است. در مرحله بالجینگ فشار داخلی به صورت خطی با زمان افزایش می یابد و هیچگونه حرکت محوری وجود ندارد (۰-۰.۰۰۵). در مرحله فولدینگ پیشروی محوری به انتهای تیوب اعمال می شود؛ در حالی که فشار داخلی ثابت است (۰.۱-۰.۰۰۵). ثانیه در شکل ۲)، در مرحله برگشت فنری، نیروی محوری، فشار برداشته می شود و طول بیلوز فنری، نیروی محوری، فشار برداشته می شود و توزیع افزایش می یابد. آزمایش های تجربی و تحلیل اجزای محدود شرایط به صورتی است که در مرحله بالجینگ هیچگونه حرکت محوری وجود ندارد و فشار داخلی به صورت خطی به بیشینه مقدار خود می رسد. در مرحله فولدینگ فشار ثابت می ماند و

## ۱- مقدمه

بیلوزهای فلزی در صنایع نظامی و میکروالکترومکانیک کاربردهای ویژه ای دارند و در برخی موارد نیز دارای کاربردهایی در صنایع یخچال سازی و تهویه مطبوع برای کنترل دما هستند. یکی از مهم ترین کارایی بیلوزها جذب انبساط و انقباضات ایجاد شده در سیستم ها است. کارهای تحقیقاتی اخیر بیشتر روی خصوصیات بیلوزها و عملکرد آنها است. برخی از محققان ترکهای حاصل از خوردگی تنشی بیلوزهای فلزی مورد مطالعه قرار داده اند [۷]. پژوهش های زیادی در ارتباط با بررسی و تخمین عمر خستگی و کمانش آنها و عوامل متأثر بر اینها صورت گرفته است [۳, ۴]. همچنین مشخصات دینامیکی آنها [۲, ۱] و تنש های ناشی از فشارهای داخلی، تغییر شکل های محوری و ارتعاشات [۵] مورد بررسی قرار گرفته است. اما تعداد مقالات منتشر شده درباره فرآیندهای ساخت بیلوزهای فلزی بسیار کم است. به طور کلی بیلوزهای فلزی در چهار مرحله از ورق ساخته می شوند که عبارت اند از: کشش عمیق، اتوکشی، بالجینگ تیوب و فولدینگ [۶]. در این مقاله دو مرحله بالجینگ و فولدینگ مطالعه می شوند. در مرحله بالجینگ، صفحه های فلزی در فواصل مشخصی که همان کورس اولیه گفته می شود، دور تیوب قرار می گیرند و فشار داخلی تا یک مقدار مشخصی افزایش می یابد. در این مرحله هیچگونه حرکت محوری وجود ندارد و تیوب در این مرحله حالت بشکه ای پیدا می کند. زمانی که فشار به مقدار مشخصی می رسد مرحله فولدینگ شروع می شود. در این مرحله فشار داخلی ثابت مانده و حرکت محوری دو سر تیوب بشکه ای شده آغاز می شود. وقتی دو سر تیوب تا مقدار مشخصی به هم تزدیک شدند، قطعه نهایی شکل می گیرد. در نهایت فشار داخلی و نیروی محوری برداشته می شود و در نتیجه برگشت فنری اتفاق می افتد. برگشت فنری به خاطر توزیع دوباره تنش های داخلی در قطعه نهایی است. پارامترهای مؤثر در فرآیند شامل قطر اولیه تیوب، ضخامت تیوب، کورس اولیه (فاصله قیدهای صفحه ای)، مقدار پیشروی و فشار داخلی است. برای یک بیلوز مشخص مقدار قطر و ضخامت تیوب تغییر نمی کنند، بنابراین سه پارامتر انتهایی بررسی شده است. این پارامترها روی قطر خارجی بیلوز، طول بیلوز بعد از برگشت فنری و توزیع ضخامت که کیفیت بیلوز تولید شده را مشخص می کند، تأثیر می گذارند. هدف این تحقیق شبیه سازی و مطالعه

1- Implicit

2- Explicit

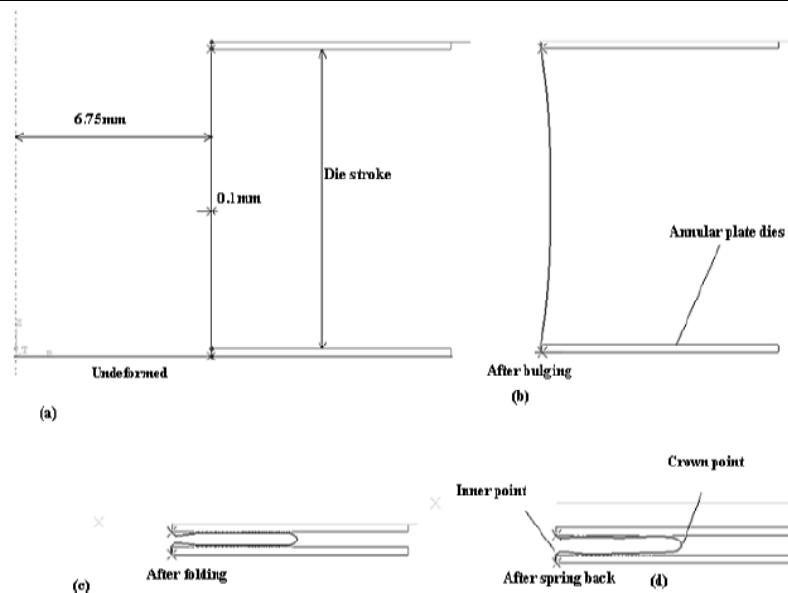
3- Axisymmetric

شده، زیرا تیوب اولیه قبل از تولید بیلوز کاملاً آنیل می‌شود. برای مشبندی تیوب از المان‌های پوسته‌ای دو بعدی با دو نو دستفاده شده است. نوع مشبندی به صورت شبکه تبعیضی است.

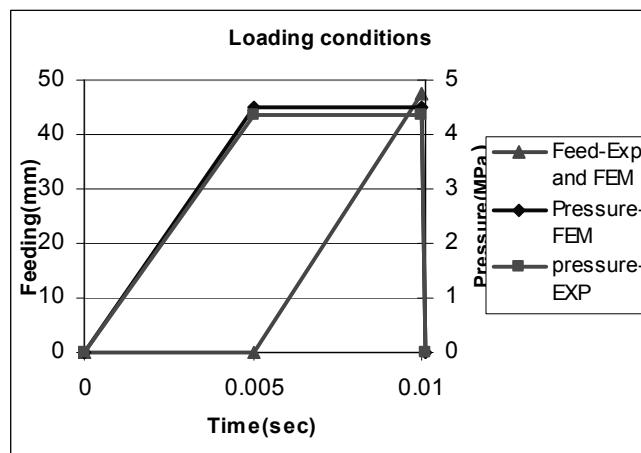
پیشروی محوری به انتهای تیوب اعمال می‌شود. پیشروی محوری فقط به انتهای تیوب وارد می‌شود و حرکت صفحات فلزی به حرکت تیوب وابسته می‌باشد. در مرحله برگشت فری ابتدا فشار داخلی و سپس نیروی محوری و صفحات فلزی برداشته می‌شوند. جنس تیوب، ایزوتropیک فرض

جدول ۱- خواص مکانیکی، ابعاد و ضریب اصطکاک.

خواص مکانیکی						ابعاد				اصطکاک	
n	K(Mpa)	UTS(Mpa)	E(Gpa)	v	$\rho(\text{Kg/m}^3)$	r	t	$D_c$	$t_d$	$L_0$	$\mu$
0.233	635	386	92	0.34	8000	6.75	0.1	10	0.5	105	0.1



شکل ۱- مراحل مختلف برای هر حلقه از بیلوز.



شکل ۲- شرایط بارگذاری برای آزمایش‌های تجربی و شبیه‌سازی اجزای محدود.

جدول ۲- مقادیر پارامترهای شبیه‌سازی اجزای محدود.

Die course(mm)	Internal pressure(MPa)	Axial displacement(mm)
8	4.35	85%
10	4.5	95%
12	4.8	75%

صفحات فلزی (قیود) از جنس فولاد زنگ نزن با سختی حدود ۵۰ HRC و به ضخامت ۵mm / ۰.۰ می‌باشند. موقعیت صفحات فلزی و تیوب در شکل ۳ ب و قطعه نهایی در شکل ۳ ج نشان داده شده است.

### بررسی نتایج

مطابق جدول ۴، با افزایش کورس قالب، رنج تغییرات فشار برای رسیدن به قطعه بدون چروک و پارگی کاهش می‌یابد و باعث افزایش حساسیت فرآیند به فشار می‌شود. بنابراین حد پایین فشار مقداری است که قطعه چروک نمی‌خورد و حد بالای آن زمانی است که قطعه پاره نمی‌شود و این مسئله با عث پیچیدگی و مشکل شدن ساخت بیلوز می‌شود. در این مقاله نسبت قطر خارجی بیلوز به قطر تیوب برای کورس قالب ۱۰mm حدود ۱/۶۷ است که در مقایسه با مرجع [۶] که ۱/۵۲ است، نسبتاً بالا می‌باشد. هر چه این نسبت بالا باشد، حساسیت فرآیند افزایش می‌یابد. برای مثال: در مرجع [۶] محدوده تغییرات فشار برای رسیدن به قطعه مطلوب ۹٪ است که این مقدار در این تحقیق به کمتر از ۳٪ کاهش یافته است. بنابراین کنترل دقیق فشار بسیار مهم است و با افزایش این نسبت حساسیت آن افزایش می‌یابد. شکل‌های ۵ و ۶ نشان می‌دهد که در قطعه نهایی کاهش ضخامت در ناحیه بیرونی ۱ (المان ۴۳) و افزایش آن در ناحیه داخلی ۲ (المان ۸۲) قبل مشاهده است. حداقل ضخامت اندازه‌گیری شده قطعه ساخته شده ۰/۰۷۳mm بوده است شکل ۱۰.

در این نوع مش‌بندی هرچه به ناحیه مرکزی حلقه نزدیک می‌شویم المان‌ها ریزتر می‌شوند. برای مش‌بندی هر حلقه از ۸۰ المان استفاده می‌شود. صفحات فلزی، صلب فرض شده‌اند. تیوب و صفحات فلزی در ناحیه تماس با یکی قرار دادن درجه آزادیشان در جهت Z، به هم‌دیگر وصل می‌شوند. بنابراین در مرحله فول‌دینگ، صفحات فلزی در ناحیه تماس با تیوب حرکت می‌کنند. حرکت صفحات فلزی در جهت x و y محدود می‌شوند و شعاع تیوب در ناحیه تماس نمی‌تواند افزایش یابد. پارامترهای اصلی فرآیند شامل ضخامت اولیه تیوب، قطر تیوب، کورس قالب (فاصله اولیه صفحات فلزی)، فشار داخلی و جایگایی محوری هستند. به دلیل آنکه در این پژوهش بیلوز با ضخامت و قطر مشخصی در نظر است، در این کار اثر پارامترها روی توزیع ضخامت، قطر بیلوز و برگشت فنری مورد بررسی قرار می‌گیرد. جدول ۲ پارامترهای طراحی و مقادیر آنها را نشان می‌دهد. کورس قالب ۱۰mm، فشار داخلی ۴/۵ MPa و مقدار پیشروی ۹۵٪ به عنوان مقادیر پایه در بررسی پارامتری انتخاب می‌شوند جدول ۲.

در این مقاله هر بار دو پارامتر ثابت فرض شده و اثر تغییرات پارامتر سوم بررسی می‌شود.

### آزمایشات تجربی

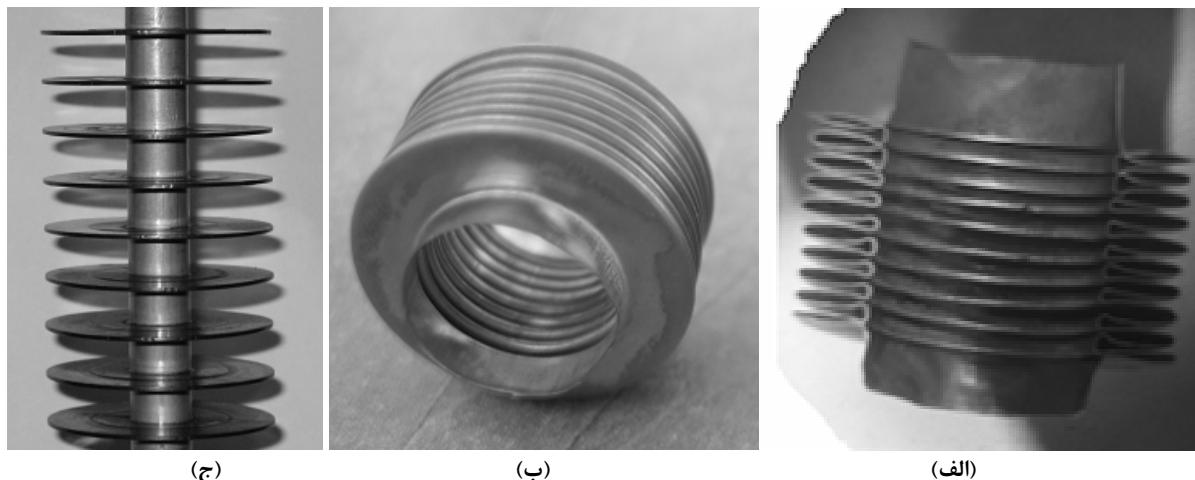
جنس تیوب، فسفر برنز CuSn6 آنیل شده است. عناصر موجود در جدول ۳ بیان شده است. نتایج شبیه‌سازی اجزای محدود به عنوان مقادیر اولیه برای آزمایش‌های تجربی استفاده می‌شوند که باعث کاهش سعی و خطأ در عمل می‌شود. مقادیر کورس قالب، مقدار پیشروی و فشار داخلی به ترتیب ۱۰mm، ۹۵٪ و ۴/۳۵MPa انتخاب شده‌اند. برای ایجاد فشار داخلی از یک پمپ دندنای استفاده شده است. با توجه به وجود نوسانات فشار و حساسیت زیاد این فرآیند به این نوسانات، استفاده از یک سیستم برای حذف نوسانات فشار ضروری است. با توجه به ضخامت کم تیوب، یکی از مشکلات فرآیند آب‌بندی انتهای تیوب بود.

1- Crown point

2- Inner point

جدول ۳- عناصر موجود در جنس تیوب اولیه

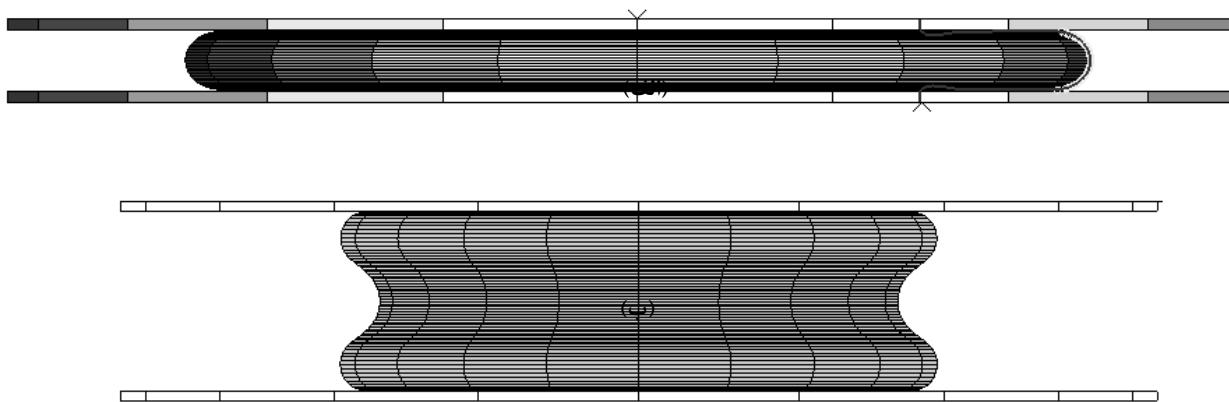
Zn	Cd	Mg	Si	Fe	Al	Cu	Sb	Sn	P	Cr	As	Na
0.0159	<0.01	<0.02	0.0123	0.0103	<0.01	BAL	<0.01	6.1164	0.0446	0.0168	<0.01	0.012



شکل ۳-(الف) مقطع برش خورده قطعه با استفاده از واير کات (ب) موقعیت صفحات فلزی و تیوب (ج) بیلوز نهایی.

جدول ۴- نتایج اجزای محدود فشار و کورس های مختلف (P=4.8-4.5-4.35-4.2 ، F=95% ، ds=8,10mm).

فشار (Mpa)	4.2	4.35	4.5	4.8
کورس 8 mm قالب	چروکیدگی	کیفیت مطلوب	کیفیت مطلوب	نازک شدگی بیش از حد
کورس 10mm قالب	چروکیدگی	چروکیدگی	کیفیت مطلوب	نازک شدگی بیش از حد

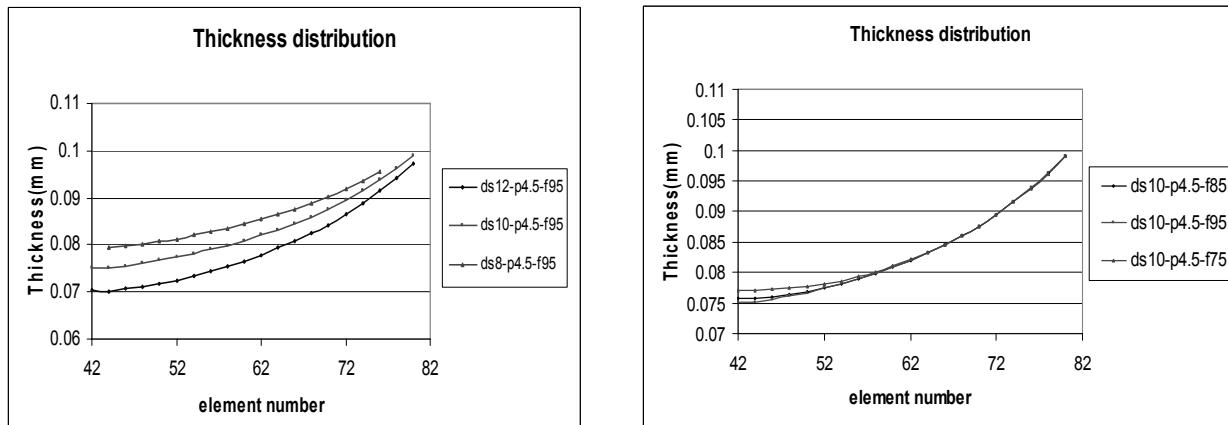


شکل ۴- قطعه قابل قبول (الف) و چروک شده (ب) حاصل از متدهای محدود.

کورس قالب بیشتر از پیشروی است. در کورس قالب ۱۲mm حداکثر کاهش ضخامت %۳۰ است که بیش از حد قابل قبول است. اما در کورس ۱۰mm توزیع ضخامت قابل قبول است. یکی از پارامترهای اساسی در تولید بیلوزهای فلزی فشار داخلی است. شکل ۷ تأثیر فشار داخلی را روی توزیع ضخامت بیلوز نشان می‌دهد. افزایش فشار داخلی باعث کاهش ضخامت بیشتر خصوصاً در ناحیه بیرونی (المان ۴۲) می‌شود. توزیع ضخامت در شبیه‌سازی اجزای محدود و قطعه ساخته شده در شکل ۷ نشان داده شده است. بر اساس این شکل حداکثر اختلاف در ناحیه بیرونی بیلوز است و دارای %۸ خطای می‌باشد. شکل ۸ تأثیر کورس قالب را روی قطر خارجی بیلوز نشان می‌دهد. مطابق این شکل افزایش کورس باعث افزایش قطر خارجی بیلوز می‌شود. این افزایش به صورت خطی می‌باشد. شبیه‌سازی اجزای محدود نشان می‌دهد که افزایش فشار تأثیر کمی روی قطر بیلوز دارد. در شکل ۹ تأثیر کورس قالب روی برگشت فنری نشان داده شده است. با افزایش کورس قالب برگشت فنری افزایش می‌یابد و حساسیت برگشت فنری در کورس‌های بالاتر، بیشتر می‌باشد. تأثیر فشار روی برگشت فنری هم در شکل ۹ نشان داده شده است. افزایش فشار باعث افزایش برگشت فنری می‌شود. همچنین افزایش کورس باعث افزایش قطر خارجی می‌شود ولی خطر چروکیدگی افزایش می‌یابد. مقایسه نتایج اجزای محدود و آزمایش‌های تجربی در جدول ۵ بیان شده است. طبق جدول ۵، پس از حذف بار طول بیلوز ۷۰٪ در تست تجربی و ۷۵٪ در اجزای محدود افزایش می‌یابد. در آزمایش تجربی شعاع خارجی بیلوز ۱۶٪ بعد از برگشت فنری و در اجزای محدود ۵٪ کاهش می‌یابد. فشار در آزمایش تجربی برای رسیدن به قطعه مطلوب ۴/۳۵MPa و در شبیه‌سازی اجزای محدود ۴/۵MPa است که ۳/۴٪ خطای را نشان می‌دهد. شکل ۱۰ تغییرات ضخامت بیلوز ساخته شده را نشان می‌دهد.

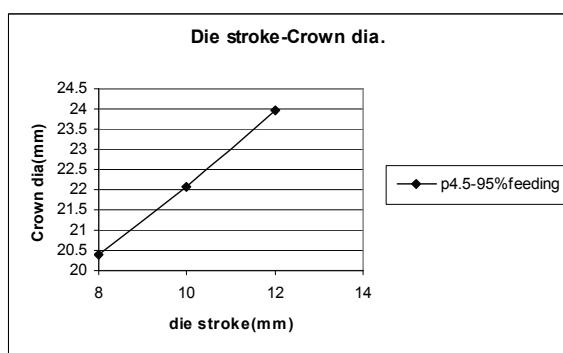
برای اندازه‌گیری توزیع ضخامت قطعه به خاطر هندسه پیچیده و کم بودن ضخامت، روش‌های اندازه‌گیری معمول قابل استفاده نمی‌باشند. بنابراین برای اندازه‌گیری توزیع ضخامت ابتدا قطعه نهایی با استفاده از دستگاه وایرکات<sup>۱</sup> در جهت قطری به دو قسمت بریده می‌شود، سپس مقطع قطعه برای از بین بردن پلیسه‌های حاصل از برش و افزایش دقت، پلیش کاری می‌شود. در انتهای ضخامت قطعه در نواحی مختلف با استفاده از میکروسکوپ نوری با بزرگنمایی ۱۰۰ اندازه‌گیری می‌شود. بیلوز نهایی سالم و چروک خورده حاصل از اجزای محدود در شکل ۴ نشان داده شده است. از نتایج تجربی مشاهده می‌شود که کیفیت قطعات، شدیداً وابسته به فشار داخلی است. در فشار ۴/۲MPa ۴/۵MPa ۴/۳۵MPa بیلوز با کیفیت مطلوب حاصل می‌شود. بنابراین کنترل فشار در فرآیند تولید بیلوز بسیار ضروری است. فشار داخلی و پیشروی محوری که منجر به تولید بیلوز با کیفیت مطلوب می‌شود، در شکل ۲ نشان داده شده است.

شکل ۵ تأثیر تغییرات پیشروی را روی توزیع ضخامت نشان می‌دهد. براساس شکل ۵ با افزایش مقدار پیشروی مقدار کاهش ضخامت افزایش می‌یابد. تأثیر پیشروی روی نازکشیدگی در ناحیه بیرونی بیشتر از ناحیه داخلی است. تقریباً در ناحیه داخلی هیچگونه نازک شدگی اضافی با افزایش پیشروی مشاهده نمی‌شود. درصدهای پیشروی مقدادر ۷۵٪، ۸۵٪ و ۹۵٪ می‌باشند. محدوده قابل قبول برای تغییرات ضخامت حدود ۲۵٪ است. شکل ۶ تأثیر کورس قالب (فاصله اولیه صفات فلزی یا ds' در شکل ۵، ۶، ۸) را روی توزیع ضخامت نشان می‌دهد. این شکل نشان می‌دهد که با افزایش کورس قالب مقدار کاهش ضخامت بیلوز، افزایش می‌یابد. با مقایسه تأثیر پیشروی و کورس قالب روی توزیع ضخامت شکل ۵ و ۶ مشاهده می‌شود که تأثیر

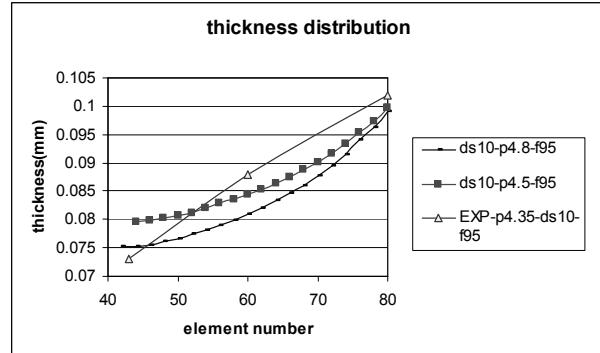


شکل ۶- توزیع ضخامت بیلوز در کورس های مختلف.

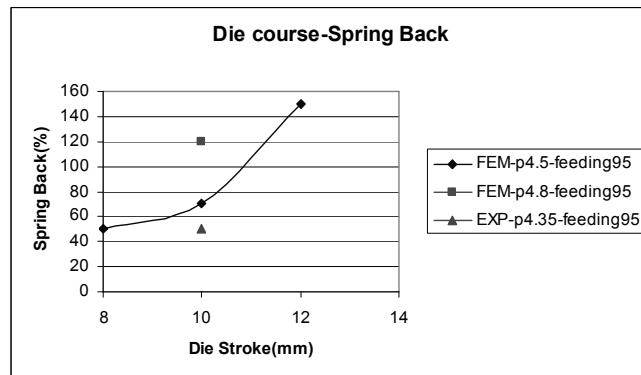
شکل ۵- توزیع ضخامت بیلوز در بیش روی های مختلف.



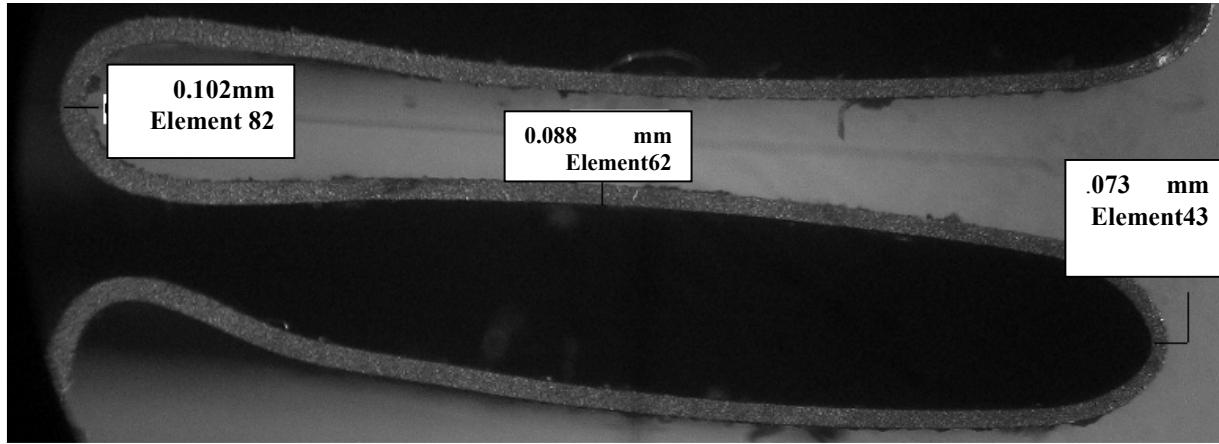
شکل ۸- تأثیر کورس قالب روی قطر خارجی بیلوز.



شکل ۷- توزیع ضخامت در فشارهای مختلف.



شکل ۹- تأثیر کورس قالب روی برگشت فنری.



شکل ۱۰- توزیع ضخامت بیلوز ساخته شده و مقایسه با اجزای محدود(پیشروی % . (Die Stroke=10mm,p=4.35,95%)

جدول ۵- نتایج تجربی و المان محدود (p=4.5Mpa - d s=10mm -Feeding=95%)

	D <sub>crown</sub> قبل از (برگشت فرنی)	D <sub>crown</sub> بعد از (برگشت فرنی)	t <sub>min</sub>	L طول بیلوز بعد از (برگشت فرنی)	L طول بیلوز قبل از (برگشت فرنی)	قطر داخلی D <sub>Inner Point</sub> (بعد از برگشت فرنی)
FEM	21.95	22.06	0.078	0.875	0.5	13.15
EXP	22.05	22.2	0.073	0.85	0.5	13.1

۳- حساسیت فرآیند به فشار بیشتر از حساسیت آن به کورس می‌باشد. برای مثال، در کورس ۱۰mm محدوده تغییرات فشار ۶/۶٪ و در کورس ۸mm، برابر ۱۳/۲٪ می‌باشد.

۴- افزایش کورس باعث افزایش قطر نهایی بیلوز و برگشت فرنی می‌شود.

۵- با افزایش فشار، کاهش ضخامت بیشتر و افزایش برگشت فرنی در بیلوز مشاهده می‌شود و حساسیت برگشت فرنی نیز افزایش می‌یابد.

شایان ذکر است که ساخت بیلوزهای فلزی با نسبت کشش بالا برای اولین بار در ایران در این پژوهش انجام گرفته و نتایج آن باعث بومی شدن تکنولوژی ساخت این قطعات در کشور و جلوگیری از خروج ارز بسیار زیادی شده است.

### تشکر و قدردانی

در پایان، نویسنده‌گان از زحمات مدیر عامل و کارکنان شرکت مهندسی فناوری مقتدر و همچنین اساتید دانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه تهران تشکر و قدردانی می‌نمایند.

### نتیجه‌گیری

در این مقاله پارامترهای اساسی فرآیند ساخت بیلوزهای فلزی با استفاده از شبیه‌سازی اجزای محدود و آزمایش‌های تجربی مطالعه شده و تأثیر فشار داخلی، کورس قالب و پیشروی روی توزیع ضخامت، قطر خارجی و برگشت فرنی تحلیل شده است. آزمایش‌های تجربی براساس نتایج اجزای محدود انجام شده و در نهایت نتایج زیر به دست آمده است:

۱- با بررسی تأثیر پیشروی مشاهده شده که با افزایش مقدار پیشروی، نازک شدگی بیشتری در ناحیه خارجی رخ می‌دهد، اما تأثیری در ناحیه داخلی بیلوز ندارد. حداقل اختلاف در اجزای محدود و نتایج تجربی ۸٪ است که از دیدگاه مهندسی قابل قبول می‌باشد.

۲- افزایش کورس باعث کاهش ضخامت در تمام نواحی بیلوز می‌شود، ولی کاهش ضخامت در ناحیه خارجی بیشتر از داخلی است. با افزایش کورس قطر خارجی افزایش می‌یابد. رسیدن به قطر بینه، با بهینه‌سازی و یا با افزایش تعداد سعی و خطای محدود صورت می‌گیرد.

## مراجع

1. Broman,G.I., Jonsson, A.P., and Hermann, M.P. "Determining Dynamic Characteristics of Bellows by Manipulated Beam Finite Elements of Commercial Software", Int. J. Pressure Vessels and Piping, Vol. 77, No.8, pp.445-453, 2000.
2. Igi, S., Katayama, H., and Kawahara, M. "Evaluation of Mechanical Behavior of New Type Bellows with Two Directional Convolutions; Nuclear Eng. & Design", Vol. 197, No. 2, pp. 107-114, 2000.
3. Becht, C., "Fatigue Bellows a New Design Approach, Int. J. Pressure Vessels & Piping ", Vol. 77, No.13, pp.843-850, 2000.
4. Zhu,Y.Z., Wang,H.F., and Sang,Z.F., "The effect of Environmental Medium on Fatigue Life for u-shaped Bellows Expansion Joints; Int. J. Fatigue", Vol. 28, No.1, pp.28-32, 2005.
5. Jakubauskas, V. and Werner, D.S., "Transverse Natural Frequencies and Flow Induced Vibrations of Double Bellows Expansion Joints", J. Fluids and Structures, Vol. 13, No.4, pp.461-479, 1999.
6. Lee,S.W., " Study on the Forming Parameters of the Metal Bellows", J. Material Processing Tech., Vol. 130-131, pp.47-53, 2002.
7. Jha, A.K., Diwakar, V., and Sreekumar,K." Stress Corrosion Cracking of Stainless Steel Bellows of Satellite Launch Vehicle Propellant Tank Assembly", Eng. Failure Analysis,Vol. 10, No.6, pp.699-709.