

مجله دانش حسابداری / سال چهارم / ش 12 / بهار 1392 / ص 59 تا 88

اثر عامل مومنتوم بر توان توضیحی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ:  
شواهدی از بورس اوراق بهادار تهران

دکتر سیدجلال صادقی شریف\*

دکتر عبدالرضا تالانه\*\*

حسین عسکری راد\*\*\*

چکیده

این مقاله اثر عامل مومنتوم از الگوی چهار عاملی کرهارت (1997) را بر افزایش توان توضیح دهندگی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ (1993) با داده‌های بورس تهران بررسی می‌کند. نتایج نشان می‌دهد که پورتنفوی سهام رشدی در مقایسه با پورتنفوی سهام ارزشی و همچنین، پورتنفوی سهام برنده در مقایسه با پورتنفوی سهام بازنده، بازده‌های بزرگتری دارند. اما درباره‌ی عامل اندازه روند روشنی مشاهده نشده است. متوسط ضرایب تعیین تعدیل شده پورتنفوها برای الگوی تک عاملی (CAPM)، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، و الگوی چهار عاملی کرهارت به ترتیب 26، 50، و 56 درصد به دست آمده است که نشان می‌دهد افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ باعث

\* استادیار دانشگاه شهید بهشتی.

\*\* استادیار دانشگاه آزاد اسلامی واحد فیروزکوه.

\*\*\* کارشناس ارشد مدیریت مالی، دانشگاه شهید بهشتی.

نویسنده مسئول مقاله: عبدالرضا تالانه (Email: [abdolrezatalaneh@yahoo.com](mailto:abdolrezatalaneh@yahoo.com))

تاریخ پذیرش: 92/1/20

تاریخ دریافت: 91/8/28

60/ اثر عامل مومنتوم بر توان توضیحی الگوی سه عاملی فاما و ...

افزایش توان توضیحی الگو می‌گردد. این نتایج در برابر شرایط صعودی و نزولی بازار و اثرات فصلی پایدار هستند.

**واژه‌های کلیدی:** مومنتوم قیمت، الگوی چهار عاملی کرهاارت، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای.

#### مقدمه

تعیین نرخ بازده مورد انتظار از یک دارایی ریسکی و چگونگی ارتباط بازده مورد انتظار با ریسک دارایی از موضوعات مورد علاقه دانشمندان مالی بوده و کوشش‌های زیادی برای تبیین رابطه ریسک و بازده انجام شده است. از مهم‌ترین و معروف‌ترین کوشش‌های انجام شده برای تبیین رابطه بین ریسک و بازده مورد انتظار از یک دارایی ریسکی، الگوی قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای (CAPM) است که از سوی شارپ (1964)، لینتنر (1965)، و بلک (1972) ارائه شده است. از نگاه این الگو، همه ریسک‌های اختصاصی مرتبط با دارایی با تنوع‌بخشی حذف می‌شوند و تنها ریسک سیستماتیک، که با بتا اندازه‌گیری می‌شود، مستحق پاداش است. تحقیقات زیادی - از جمله بلک، جنسن، و شولز (1972)، و فاما و مک‌بث (1973) در چند دهه گذشته - از اعتبار تجربی این الگو حمایت می‌کنند.

طبق این الگو، وقتی بازار سرمایه کارآ و در تعادل باشد، بازده مورد انتظار از دارایی ریسکی باید به صورت مثبت و خطی با ریسک سیستماتیک دارایی که با بتای بازار اندازه‌گیری می‌شود، مرتبط باشد نه با متغیر دیگری. اما برخی از تحقیقات تجربی همچون باسو (1977) و روزنبرگ و همکاران (1985) نشان داده‌اند که علاوه بر بتای بازار، متغیرهای دیگری نظیر اندازه شرکت، نسبت ارزش دفتری به بازار (B/M)، و نسبت سود به قیمت (E/P)، که همگی معرف خصوصیات شرکت هستند، توان قابل توجهی در توضیح دادن بازده‌های متوسط داشته‌اند. متغیرهای فوق احتمالاً هر یک حاکی از وجود ریسک خاصی در شرکت هستند که سرمایه‌گذاران به آنها توجه دارند (کیم، 1988).

برای بررسی بیشتر این پدیده، فاما و فرنچ (1992) نقش مشترک بتا و چند متغیر معرف خصوصیت شرکت را روی بازده‌های مقطعی متوسط سهام شرکت‌های امریکایی بررسی کردند و دریافتند که از میان همه متغیرهای تحت بررسی، دو متغیر نسبت ارزش دفتری به بازار (B/M) و اندازه شرکت نقش زیادی در توضیح دادن تغییرات بازده‌های متوسط ایفا می‌کنند. فاما و فرنچ (1993) سپس، کار خود را گسترش دادند و بر اساس الگوی سنتی CAPM، الگوی قیمت‌گذاری سه عاملی را ارائه کردند که در آن سه عامل منظور شده عبارتند از: صرف بازار (بازده اضافی بازار طبق CAPM)، صرف اندازه (SMB)، و صرف ارزش دفتری به بازار (HML). الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توانست تغییرات بازده را به خوبی توضیح دهد و تقریباً همه خلاف قاعده‌های شناخته شده مثل نسبت سود به قیمت (E/P)، بازده جریان نقدی، رشد فروش، و بازده بلندمدت گذشته را توجیه نماید. تنها خلاف قاعده‌ای که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ نتوانست آن را توضیح دهد، استراتژی مومنتوم جگادیش و تیمن (1993) بود.

پیروی از استراتژی‌های مومنتوم (به معنی خرید و نگهداری سهام با بازدهی زیاد و فروش سهام با بازدهی کم) در بیشتر بازارهای سهام در یک دوره 3 تا 12 ماهه بازده قابل توجهی را تولید کرده است. جگادیش و تیمن (1993 و 2001)، و لی و سوامیناتان (2000) نشان می‌دهند که استراتژی‌های مومنتوم در بازار سهام آمریکا موفق هستند. رونهورست (1998) به شواهدی از سودهای منتج از به کارگیری استراتژی مومنتوم در همه 12 بازار سهام اروپایی دست یافت. لیو و همکاران (1999) همین نتایج را برای سهام بازار لندن تأیید کردند. شیرک و همکاران (1999) شواهد مشابهی برای بورس آلمان پیدا کردند. چوی و همکاران (2000) و حمید و کوساندی (2002) استراتژی مومنتوم را در بعضی بازارهای سهام آسیا اجرا کردند و به نتایج مشابه رسیدند.

برای لحاظ کردن اثر عامل مومنتوم، کرهارت (1997) صرف ریسک مرتبط با عامل مومنتوم (WML) را پی‌ریزی کرد و الگوی چهار عاملی را با اضافه کردن این عامل به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ تدوین نمود که در آن صرف مومنتوم به صورت بازده

پورتفوی سهام برنده منهای بازده پورتفوی سهام بازنده تعریف شده است. الگوی چهار عاملی کرهاارت در مقایسه با الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توانست به طور قابل توجهی خطای قیمت گذاری متوسط پورتفوها مرتب شده بر اساس بازده‌های تأخیری دوره یک ساله را کاهش دهد.

در ایران تحقیقات معدودی درباره الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و درباره استراتژی مومنتوم انجام شده است که برای نمونه می‌توان به باقرزاده (1384)، آقاییگی (1385)، اسلامی بیدگلی و خجسته (1387)، و عباسی و غزلجه (1391) اشاره نمود. اما در زمینه بررسی اعتبار تجربی الگوی چهار عاملی کرهاارت تحقیقی صورت نگرفته است. با توجه به اهمیت موضوع و کمبود تحقیقات داخلی در این زمینه، هدف تحقیق حاضر بررسی تأثیر عامل مومنتوم در افزایش توضیح دهندگی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ است. در بخش دوم مقاله، خلاصه‌ای از ادبیات و تحقیقات قبلی ارائه شده است. بخش سوم به تشریح فرضیه‌ها و روش تحقیق می‌پردازد. نتایج عددی تحقیق در بخش چهارم و بحث و نتیجه‌گیری در بخش پنجم ارائه شده است.

#### مبانی نظری و تحقیقات پیشین

الگوی قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای تقریباً به طور همزمان توسط شارپ (1963) و (1964) و ترینر (1961) تدوین گردید و سپس، دوباره توسط موسین (1966) و لینتئر (1965 و 1969) و بلک (1972) توسعه داده شد (کوپلند، 2005). این الگو عنوان می‌کند که بازده مورد انتظار یک دارایی، تابعی خطی و مثبت از شاخص ریسک سیستماتیک آن دارایی (بتا) خواهد بود. شکل ریاضی الگو به شرح رابطه 1 است:

$$E(R_p) - R_f = \beta_p E(MP) \quad (1)$$

که در آن  $E(R_p)$  بازده مورد انتظار از دارایی  $p$ ، نماد  $E(MP)$  معرف صرف مورد انتظار از بازار،  $R_f$  معرف نرخ بازده بدون ریسک، و  $\beta_p$  معرف ریسک سیستماتیک دارایی است.

با وجود اعتبار نظری و تجربی الگوی قیمت گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای، شواهدی وجود دارد که الگوی ارائه شده توسط شارپ، لینتنر، و بلک را به چالش می‌کشد. بارزترین مطالعه‌ای که به بررسی اعتبار تجربی CAPM می‌پردازد، مطالعه‌ای است که توسط بانز (۱۹۸۱) انجام شد. وی دریافت که ارزش بازار سهام (متغیر معرّف اندازه شرکت)، یکی از عوامل اصلی تبیین‌کننده میانگین بازده سهم می‌باشد (فاما و فرنچ، 1992). بانز (۱۹۸۱) نشان داد که متوسط بازده سهام شرکت‌های کوچک در مقایسه با متوسط بازده سهام شرکت‌های بزرگ که در همان سطح بتای بازار قرار دارند، بزرگ‌تر است.

مطالعه دیگری که اعتبار الگوی قیمت گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای را با سئوالی جدی مواجه کرد، توسط بهاندري (۱۹۸۸) انجام شد. همان طور که اشاره شد، طبق تصریح CAPM، بتای یک سهم به تنهایی توانایی توضیح اختلاف بازده شرکت‌های مختلف را دارد. لیکن، بهاندري (۱۹۸۸) توانست نشان دهد که با افزودن متغیر اهرم مالی توانایی الگو به طور معنی‌داری بهبود می‌یابد.

#### الگوی سه عاملی فاما و فرنچ

فاما و فرنچ (1992) اظهار می‌کنند که در دنیای واقعی سرمایه‌گذاران به انواع مختلفی از ریسک توجه دارند، ولی در این میان سه عامل شامل ریسک بازاری، ریسک اندازه شرکت، و ریسک نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار از عمده‌ترین آنها می‌باشند. آنها در بررسی تجربی خود دریافتند که نسبت ارزش دفتری به بازار (B/M) و اندازه شرکت نقش زیادی در توضیح دادن تغییرات بازده‌های متوسط ایفا می‌کنند. فاما و فرنچ (۱۹۹۳) با توجه به این یافته، الگوی سه عاملی را برای تبیین بازده سهام به صورت زیر ارائه دادند:

$$E(R_p) - R_f = b_p E(MP) + s_p E(SMB) + h_p E(HML) \quad (2)$$

که در آن E(SMB) صرف مورد انتظار مربوط به اندازه شرکت، E(HML) صرف مورد انتظار مربوط به نسبت ارزش دفتری به قیمت بازار سهم، ضرایب  $b$ ،  $s$ ، و  $h$  معیار ریسک مرتبط با هر یک از سه عامل، و سایر نمادها همانند قبل است.

الگوی سه عاملی فاما و فرنچ در تحقیقات بسیاری توسط محققان مختلف و در بازارهای متفاوتی مورد آزمون قرار گرفته است که از جمله می‌توان به آکونیز، آلتای صالح و آی‌دوگان (۲۰۰۰)، باهل (۲۰۰۶)، بارثولدی و پییر (۲۰۰۵)، جنسن و همکاران (۱۹۹۷) و هاریس و مارستون (۱۹۹۵) اشاره نمود. در بیشتر این تحقیقات اعتبار الگوی سه عاملی فاما و فرنچ تأیید شده است. الگوی فاما و فرنچ با داده‌های بورس تهران نیز مورد تأیید قرار گرفته است. عباسی و غزلجه (۱۳۹۱)، اسلامی بیدگلی و خجسته (۱۳۸۷)، آقاییگی (۱۳۸۵)، رباط میلی (۱۳۸۶)، طارمی (۱۳۸۶)، و مکارم (۱۳۸۶)، از این دست تحقیقات هستند که نتایج آنها اعتبار تجربی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را تأیید کرده است. برای نمونه، عباسی و غزلجه (۱۳۹۱) اعلام کرده‌اند که افزودن دو عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار به الگوی تک عاملی باعث افزایش ضریب تعیین می‌شود. این، بدان معنی است که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ درصد بیشتری از پراکندگی بازده سبد سهام را نسبت به الگوی قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای در بورس تهران توضیح می‌دهد. این نتایج با یافته‌های فاما و فرنچ (۱۹۹۶) همخوانی دارد.

محققان دیگری نیز همچون آقاییگی (۱۳۸۵)، رباط میلی (۱۳۸۶)، طارمی (۱۳۸۶) مکارم (۱۳۸۶)، و اسلامی بیدگلی و خجسته (۱۳۸۷) توان توضیح دهندگی الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را در بورس اوراق بهادار تهران تأیید می‌کنند.

#### استراتژی مومنتوم

یکی از خلاف قاعده‌های بازار که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ نتوانست آن را بر طرف نماید، استراتژی مومنتوم می‌باشد. مومنتوم مفهومی در علم فیزیک است که بیان می‌دارد یک جسم در حال حرکت گرایش دارد که همچنان در حرکت باقی بماند، مگر

این که نیرویی از خارج بر آن وارد شود. ترجمان این مفهوم در بازار این است که یک روند قیمتی تا زمانی که یک نیروی خارجی جلوی آن را بگیرد، تمایل دارد که هم چنان به مسیر قبلی خود ادامه دهد. این استراتژی شامل سرمایه گذاری در جهت بازار می باشد و ادعا می نماید که بازدهی مثبت و یا منفی گذشته تا دوره مشخصی در آینده نیز همچنان تداوم خواهد داشت (فدایی نژاد و صادقی، 1385). مومنتوم استراتژی سرمایه گذاری ساده ای است که بر اساس آن برنده های گذشته خریداری و بازنده های گذشته به صورت استقرایی در بازار فروخته می شوند.

پدیده مومنتوم برای اولین بار توسط جگادیش و تیتمن (۱۹۹۳) مورد مطالعه و بررسی قرار گرفت. آنها استراتژی مومنتوم را در بازار سهام آمریکا در دوره زمانی بین سال های ۱۹۶۵ تا ۱۹۸۹ مورد آزمون قرار دادند و دریافتند که خرید سهام دهک برنده، فروش استقرایی سهام دهک بازنده، و سپس، نگهداری این پورتهوها برای دوره ای ۳ تا ۱۲ ماهه، سودهای غیرعادی معنی داری را به دست می دهند. همچنین، آنها گزارش کردند که سودآوری ناشی از به کارگیری این استراتژی ها را نمی توان به ریسک سیستماتیک و یا واکنش کمتر از اندازه بازار سهام به فاکتورهای عمومی نسبت داد.

جگادیش و تیتمن (۲۰۰۱) به بررسی مجدد این موضوع پرداختند که آیا استراتژی مومنتوم دهه نود آنها همچنان سودآور بوده است یا نه؟ به ویژه آنها در تحقیق خود به بررسی این موضوع پرداختند که آیا سودآوری استراتژی مومنتوم را می توان به سوگیری های ناشی از داده کاوی نسبت داد یا نه؟ شواهد به دست آمده از مطالعه جدید، نتایج قبلی آنها در سال ۱۹۹۳ را تأیید کرد. به طوری که اختلاف بازده میان پورتهوی برنده و بازنده در طی سال های ۱۹۶۵ تا ۱۹۸۹ برابر با ۱/۱۷٪ به دست آمد که به طور آماری معنی دار بود.

گریفین، جی و مارتین (۲۰۰۳) با مطالعه ۴۰ بازار مختلف، پدیده مومنتوم را در سطح جهانی مورد بررسی قرار دادند و دریافتند که سودهای مومنتوم در بسیاری از بازارهای دنیا،

هم در شرایط رونق و هم در شرایط رکود، از نقطه نظر اقتصادی قابل توجه و از نظر آماری معنی دار است. هر چند که سودآوری این استراتژی در بازارهای نوظهور کمتر بود. تحقیقات زیادی همچون چان، جگادیش و لاکونیشوک (۱۹۹۶) در بورس نیویورک، امکس، و نزدک، مگا و سانتاماریا (۲۰۰۷) در بازارهای نوظهور آمریکای لاتین، گرندی و مارتین (۲۰۰۱) در بازار آمریکا، نوتون، ترانگ و ورازاوان (۲۰۰۷) در بورس شانگهای، در بازار فرانکفورت، ویلبرن (۲۰۰۸) در بازار سهام سوئد، و کنگ، لیو و نی (۲۰۰۲) در چین شواهد محکمی در تأیید اثر مومنتوم ارائه کرده‌اند.

در بازار سهام ایران نیز، در سال‌های اخیر، تحقیقاتی از جمله فدایی‌نژاد و صادقی (۱۳۸۵)، کمالی (۱۳۸۶)، فوستر و خرازی (۲۰۰۸)، امینی (۱۳۸۸)، و قالیباف‌اصل و همکاران (۱۳۸۹) در راستای بررسی سودآوری استراتژی‌های مومنتوم صورت گرفته است که نتایج همه آنها سودآوری استراتژی مومنتوم را تأیید می‌کند. برای نمونه، قالیباف‌اصل و همکاران (۱۳۸۹) به این نتیجه رسیدند که با استفاده از استراتژی‌های شتاب سود و قیمت می‌توان بازده اضافی در بورس تهران کسب کرد. آنها بیان داشتند استراتژی شتاب قیمت در بازه‌های زمانی ۳، ۶ و ۱۲ ماهه و استراتژی شتاب سود در بازه‌های زمانی ۳ و ۶ ماهه در بورس اوراق بهادار تهران سودآور هستند؛ اما سودآوری استراتژی شتاب سود در دوره زمانی یک ساله تأیید نشده است.

کمالی (۱۳۸۶) در راستای بررسی شکل ضعیف کارایی بازار، به بررسی سودآوری استراتژی مومنتوم و مقایسه آن با استراتژی معکوس در بورس اوراق بهادار تهران پرداخت. او در تحقیق خود نتیجه‌گیری کرد که اثر مومنتوم در دوره کوتاه مدت در ایران وجود دارد، و از این طریق کارایی بازار سرمایه ایران را در سطح ضعیف رد کرد.

فوستر و خرازی (۲۰۰۸) سودآوری استراتژی‌های مومنتوم و معکوس را در بورس اوراق بهادار تهران در دوره زمانی بین سال‌های ۱۹۹۷ تا ۲۰۰۲ مورد بررسی قرار دادند. آنها در تحقیق خود شواهد محکمی دال بر وجود اثر معکوس به دست نیاوردند، با این



وجود نتایج یافته‌های آنها وجود اثر مومنتوم را در افق زمانی میان مدت (۳ تا ۱۲ ماهه) تأیید کرد.

### الگوی چهار عاملی کره‌ارت

کره‌ارت (۱۹۹۷) از خلاف قاعده مومنتوم ارائه شده توسط جگادیش و تیمن (۱۹۹۳) برای ساختن یک الگوی چهار عاملی استفاده کرد. او عامل مومنتوم یک ساله را (که از طریق مرتب‌سازی سهام شرکت‌ها بر اساس مومنتوم و تفاضل بین پورتنفوی متشکل از ۳۰٪ بالایی و ۳۰٪ پایینی به دست می‌آید و به صورت WML نشان داده می‌شود) به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ اضافه نمود و از الگوی به دست آمده برای توضیح بازده صندوق‌های سرمایه گذاری مشترک طی سال‌های ۱۹۶۲ تا ۱۹۹۳ استفاده کرد. الگوی چهار عاملی کره‌ارت به صورت زیر است:

$$E(R_p) - R_f = b_p E(MP) + s_p E(SMB) + h_p E(HML) + w_p E(WML) \quad (3)$$

که در آن  $E(WML)$  صرف مورد انتظار از عامل مومنتوم، و  $w$  معیار ریسک مرتبط با عامل مومنتوم، و سایر نمادها همانند قبل هستند.

کره‌ارت (۱۹۹۷) بیان می‌دارد که الگوی چهار عاملی وی به میزان قابل توجهی خطای قیمت گذاری CAPM و الگوی سه عاملی فاما و فرنچ را کاهش می‌دهد. او با استفاده از مطالعه کره‌ارت و همکاران (۱۹۹۶) خطای قیمت گذاری را با تشکیل ۲۷ پورتنفوی بر مبنای ارزش بازار سهام، نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار و مومنتوم برآورد کرد. از آنجایی که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، هم فاکتور اندازه و هم ارزش دفتری به ارزش بازار را شامل می‌شود، میانگین خطای قیمت گذاری کمتری نسبت به CAPM داشت. همچنین، میزان خطای الگوی سه عاملی فاما و فرنچ برای پورتنفویهای متشکل از سهام بازنده یک سال گذشته منفی و برای پورتنفویهای متشکل از سهام برنده یک سال گذشته مثبت بود. در مقابل، الگوی چهار عاملی کره‌ارت به طور قابل ملاحظه‌ای میانگین خطای

قیمت گذاری را هم نسبت به CAPM و هم الگوی سه عاملی فاما و فرنچ کاهش داد. به منظور مقایسه، میانگین مطلق خطاها برای CAPM، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و الگوی چهار عاملی کرهات به ترتیب ۰/۳۵ درصد، ۰/۳۱ درصد و ۰/۱۴ درصد برای هر ماه می-باشد. به علاوه، الگوی چهار عاملی کرهات تقریباً تمام خطاهای قیمت گذاری را حذف نمود. یافته‌های کرهات نشان داد که الگوی چهار عاملی وی قدرت توضیحی بیشتری برای پورتهوهای تشکیل داده شده فراهم می‌کند (کرهات، ۱۹۹۷).

تحقیقات زیادی اعتبار الگوی چهار عاملی کرهات را مورد بررسی قرار داده‌اند که برای نمونه می‌توان به اوبرین و همکاران (۲۰۱۰)، هاپینت و جانسون (۲۰۱۱)، و لام و همکاران (۲۰۰۹) اشاره نمود. در اغلب این تحقیقات، برتری الگوی چهار عاملی کرهات به اثبات رسیده است. برای مثال، اوبرین و همکاران (۲۰۱۰) به بررسی اثر اندازه، ارزش دفتری به ارزش بازار، و مومنتوم بر روی بازده سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس استرالیا طی سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۵ پرداختند. نتایج این تحقیق نشان می‌دهد هر چهار عامل در توضیح بازده نقش ایفا می‌کنند، ولی رابطه متقابل نیز بین اندازه و مومنتوم و همچنین، بین اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار وجود دارد. آنها دریافتند که صرف اندازه در پورتهوهای بازنده قوی‌تر است و صرف ارزش به طور کلی محدود به پورتهوهای حاوی سهام کوچک می‌باشد. همچنین، صرف مومنتوم برای پورتهوهای حاوی سهام بزرگ و متوسط مشهود است، ولی در پورتهوهای حاوی سهام کوچک، سهام بازنده به طور معناداری نسبت به سهام برنده عملکرد بهتری دارد. این محققان زمانی که این روابط متقابل را با رگرسیون چند متغیره کنترل کردند، به رابطه منفی بین اندازه و بازده و همچنین، رابطه مثبت بین ارزش دفتری به ارزش بازار و مومنتوم با بازده رسیدند که همگی از لحاظ آماری معنی‌دار بودند.

هاپینت و جانسون (۲۰۱۱) الگوی چهار عاملی دیگری (شامل عامل بازار، عامل سرمایه گذاری، عامل سودآوری، و عامل نقدشوندگی) طراحی کردند که از اضافه نمودن عامل نقدشوندگی به الگوی سه عاملی چن و همکاران (۲۰۱۰) حاصل گردید. آنها در این

مطالعه به مقایسه این الگو با الگوی چهار عاملی کره‌ارت پرداختند. این محققان بیان داشتند زمانی که عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ (۱۹۹۳) اضافه شد، به طور معنی‌داری عملکرد الگو بهبود یافت. در عوض، اثر اضافه کردن عامل نقدشوندگی به عنوان عامل چهارم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ (۱۹۹۳) بی‌معنی و نزدیک به صفر بود. همچنین، آرتمن و همکاران (۲۰۰۹) در آلمان، کاسیماتیس (۲۰۰۸) در استرالیا، امان و استینر (۲۰۰۸) در سوئیس، و الهر و همکاران (۲۰۰۴) در کانادا شواهدی در حمایت از الگوی چهار عاملی کره‌ارت ارائه کردند.

تنها مطالعه‌ای که بر روی الگوی چهار عاملی کره‌ارت در آسیا صورت گرفته است، توسط لام و همکارانش (۲۰۰۹) در هنگ‌کنگ انجام شده است. محققان در این مطالعه برای آزمون این الگو از نمونه‌ای شامل ۶۸۹ شرکت پذیرفته شده در بورس سهام هنگ‌کنگ در سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۱ استفاده نمودند. نتایج نشان می‌دهد تمامی چهار عامل (WML, HML, SMB, MP) به توضیح تغییرات میانگین بازده‌ها در بازار هنگ‌کنگ کمک می‌کند؛ به طوری که ضرایب هر چهار عامل معنی‌دار و مقدار ثابت الگو نیز بی‌معنی بوده است. همچنین، مقدار بالای ضریب تعیین تعدیل شده (که دامنه‌ای از ۰/۴۴ تا ۰/۸۸ را با میانگین ۰/۷۰ نشان می‌دهد) و بی‌معنی بودن انحراف معیار باقیمانده‌های متغیر توضیحی اضافه شده نیز شواهدی بر اعتبار این الگو ارائه می‌کند.

#### فرضیه‌های تحقیق

بر اساس ادبیات موضوعی و نتایج تحقیقات قبلی، این سوال قابل طرح است که آیا الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و الگوی چهار عاملی کره‌ارت در مقایسه با الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای توان بیشتری در توضیح دادن بازده سهام شرکت‌های بورس تهران دارند و آیا افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ باعث افزایش توان توضیح‌دهندگی خواهد شد. بر این اساس، سه فرضیه به شرح ذیل طراحی شده است:

فرضیه ۱: الگوی سه عاملی فاما و فرنچ توان توضیح‌دهندگی بیشتری نسبت به CAPM دارد.

فرضیه ۲: الگوی چهار عاملی کرهارت (الگوی فاما و فرنچ به علاوه مومنتوم) توان توضیح‌دهندگی بیشتری نسبت به CAPM دارد.

فرضیه ۳: افزودن عامل مومنتوم به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، توان توضیح‌دهندگی الگو را افزایش می‌دهد.

#### جامعه و نمونه آماری

جامعه آماری شامل کلیه شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران می‌باشد که برای انتخاب نمونه از آن ابتدا دوره زمانی تحقیق به صورت آخرین دوره ۱۰ ساله از ابتدای ۱۳۸۰ تا پایان ۱۳۸۹ تعیین شد. سپس، کلیه شرکت‌هایی که در دوره انتخاب شده واجد شرایط زیر بودند، حذف گردید.

۱. شرکت‌هایی که نماد آنها برای مدت بیش از ۶ ماه متوالی در یک سال مالی بسته بوده است،

۲. شرکت‌های فعال در صنعت واسطه‌گری مالی اعم از بانک‌ها، بیمه‌ها، شرکت‌های سرمایه‌گذاری و هلدینگ،

۳. شرکت‌های با سال مالی مختوم به ماهی غیر از اسفند، و

۴. شرکت‌هایی که بعد از ۱۳۷۹ وارد بورس شدند.

بعد از اعمال معیارهای بالا روی جامعه، تعداد ۸۶ شرکت از ۱۹ صنعت به عنوان نمونه نهایی باقی ماند که بیشترین تعداد متعلق به صنعت دارویی با تعداد ۱۴ شرکت است. استخراج ذغال سنگ، انبوه‌سازی مسکن، ماشین‌آلات دستگاه‌های برقی، و منسوجات صنایعی هستند که از هر کدام فقط یک شرکت در نمونه وجود دارد.

### روش کنترل تاثیر متغیرها

برای جلوگیری از تاثیر متغیرهای MP، SMB، HML، و WML بر یکدیگر، از شیوه پورتفوسازی استفاده شد. بدین صورت که ابتدا تمامی شرکت‌های مورد بررسی بر مبنای ارزش بازار سهام (معرف اندازه شرکت) از کم به زیاد مرتب شده و سپس، به دو گروه مساوی کوچک (S) و بزرگ (B) تقسیم گردید. سپس، بار دیگر شرکت‌ها مستقلاً بر اساس نسبت سالانه ارزش دفتری به ارزش بازار (B/M) سهم (معرف ارزشی یا رشدی بودن سهم) مرتب شده و در دو طبقه مساوی تحت عنوان نسبت پایین (L) و نسبت بالا (H) قرار می‌گیرند. نسبت پایین B/M معرف سهم رشدی و نسب بالای آن معرف سهم ارزشی است. دست آخر، برای عامل مومنتوم، بار دیگر تمامی سهام موجود در نمونه با توجه به بازده قیمتی شش ماه گذشته (در ابتدای هر سال) مرتب شده، سپس همچون دو عامل قبلی به دو گروه سهام برنده (50 درصد شرکت‌ها با بیشترین بازده) و سهام بازنده (50 درصد شرکت‌ها با کمترین بازده) دسته‌بندی گردید. بدین ترتیب، از اجرای سه بار دسته‌بندی متوالی شرکت‌ها، هشت پورتفوی به شرح جدول شماره 1 تشکیل داده شد و سهم شرکت‌ها در هر سال در یکی از این پورتفوها قرار گرفت.

جدول شماره 1. معرفی پورتفوهای تشکیل شده

شماره پورتفوی	نماد پورتفوی	محتوای پورتفوی
1	BHL	شرکت بزرگ، با نسبت B/M بالا، و بازنده
2	SHL	شرکت کوچک، با نسبت B/M بالا، و بازنده
3	BLL	شرکت بزرگ، با نسبت B/M پائین، و بازنده
4	SLL	شرکت کوچک، با نسبت B/M پائین، و بازنده
5	BHW	شرکت بزرگ، با نسبت B/M بالا، و برنده
6	SHW	شرکت کوچک، با نسبت B/M بالا، و برنده
7	BLW	شرکت بزرگ، با نسبت B/M پائین، و برنده
8	SLW	شرکت کوچک، با نسبت B/M پائین، و برنده

### الگوهای رگرسیونی

بر اساس روابط ریاضی 1 تا 3 مذکور در بخش قبلی، سه الگوی رگرسیون سری زمانی به شرح زیر برای آزمون فرضیه‌های تحقیق تدوین گردید که در آنها، اندیس  $p$  معرف شماره پورتنفوی، و اندیس  $t$  معرف دوره (ماه) و سایر نمادها همانند قبل هستند. در واقع، الگوهای 4 تا 6 شکل رگرسیونی از روابط 1 تا 3 می‌باشند که برای آزمون تجربی فرضیه‌های تحقیق مناسب هستند.

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p}MP + \varepsilon_{p,t} \quad (4)$$

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p}MP + \beta_{2,p}SMB + \beta_{3,p}HML + \varepsilon_{p,t} \quad (5)$$

$$(R_{p,t} - R_f) = \alpha_p + \beta_{1,p}MP + \beta_{2,p}SMB + \beta_{3,p}HML + \beta_{4,p}WML + \varepsilon_{p,t} \quad (6)$$

نحوه آزمون فرضیه‌ها با استفاده از الگوهای 4 تا 6 بدین صورت است که اگر الگوی CAPM، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، و الگوی چهار عاملی کرهارت درست باشند، آنگاه انتظار می‌رود که همه ضرایب بتا در الگوهای فوق معنی‌دار باشند. همچنین، اگر الگوی سه عاملی فاما و فرنچ برتر از CAPM باشد، و الگوی چهار عاملی کرهارت برتر از الگوی سه عاملی فاما و فرنچ و CAPM باشد، آنگاه ضریب تعیین تعدیل شده الگوی کرهارت باید بزرگ‌تر از دو الگوی دیگر، و ضریب تعیین الگوی سه عاملی بزرگ‌تر از ضریب تعیین CAPM باشد.

### نحوه محاسبه متغیرها

پس از تفکیک سهام شرکت‌های نمونه بر حسب پورتنفوهای تعریف شده، برای هر یک از هشت پورتنفوی، متغیر وابسته به صورت  $(R_p - R_f)$  محاسبه گردید که در آن از نرخ اوراق مشارکت مصوب شورای پول و اعتبار به عنوان نرخ بدون ریسک، و بازدهی پورتنفوها به صورت ماهانه (به تفکیک 120 ماه) محاسبه شده است. همچنین، برای چهار متغیر مستقل تحت بررسی شامل صرف بازار (MP)، صرف اندازه (SMB)، صرف نسبت

ارزش دفتری به ارزش بازار (HML)، و صرف مومنتوم (WML)، مقادیر عددی متغیرها از طریق روابط زیر، که در آنها نمادها همانند قبل هستند، محاسبه گردید:

$$MP = R_m - R_f$$

$$SMB = \frac{1}{4} \times (SHW - BHW) + (SHL - BHL) + (SLW - BLW) + (SLL - BLL)$$

$$HML = \frac{1}{4} \times (SHW - SLW) + (SHL - SLL) + (BHW - BLW) + (BHL - BLL)$$

$$WML = \frac{1}{4} \times (SHW - SHL) + (SLW - SLL) + (BHW - BHL) + BLW - BLL$$

نرخ اوراق مشارکت مصوب شورای پول و اعتبار به عنوان نرخ بدون ریسک در نظر گرفته شده و بازدهی بازار به صورت ماهانه و با استفاده از ارقام شاخص کل بورس تهران محاسبه شده است. در روابط بالا، SMB نشان‌دهنده بازده پورتهوهای است که سهام شرکت‌های کوچک را خریداری نموده و سهام شرکت‌های بزرگ را فروش استقراسی کرده است؛ در حالی که اثرات بازار، ارزشی یا رشدی بودن سهم و همچنین، مومنتوم کنترل شده است. توضیح مشابهی را می‌توان برای HML و WML ارائه کرد.

#### آمار توصیفی متغیرها

شاخص مرکزی میانگین و شاخص پراکندگی انحراف معیار شناخت اولیه‌ای از چگونگی توزیع متغیرها به دست می‌دهند. در جدول شماره ۲ آمار توصیفی متغیرهای پژوهش ارائه شده است.

جدول شماره ۲. آمار توصیفی متغیرهای وابسته و مستقل

WML	HML	SMB	MP	
0/31	-0/48	-0/15	1/09	میانگین
11/72	15/62	18/90	5/85	انحراف معیار
0/042	0/058	1/68	1/37	چولگی
0/062	0/95	10/49	5/30	کشیدگی
115	115	115	115	تعداد مشاهدات

دوره بررسی 10 سال و مشتمل بر 120 ماه است. محاسبه مومنتوم مستلزم محاسبه برای یک دوره 6 ماهه است و از این رو تعداد مشاهدات ماهانه برابر 115 خواهد شد.

Formatted: Centered

Formatted: Centered

Formatted: Centered

Formatted: Centered

Formatted: Centered

طبق جدول فوق، میانگین عامل بازار برابر با  $1/09$  درصد و انحراف معیار  $5/85$  درصد به ازای هر ماه می‌باشد که هم جهت با تحقیقات پیشین بوده و در همان محدوده به دست آمده است. میانگین صرف اندازه نیز برابر با  $0/15$  - درصد است. علامت منفی این متغیر با اکثر تحقیقات بین‌المللی همچون فاما و فرنچ (1996)، ال‌هر و همکاران (2004)، اوبرین و همکاران (2010) مطابقت ندارد، اما برخی نیز مانند لیو و واسالو (2000) و آمان و استینر (2008) صرف اندازه منفی را گزارش کرده‌اند. میانگین HML نیز در حالی برابر  $0/48$  - درصد به دست آمده است که در بیشتر تحقیقات گذشته، نظیر فاما و فرنچ (1996 و 1998)، لیو و واسالو (2000)، کاپول و همکاران (1993)، علامت این متغیر مثبت بوده است. در مورد WML نیز می‌توان گفت که میانگین  $0/31$  درصدی برای بورس اوراق بهادار تهران اندکی نسبت به پژوهش‌های انجام شده در دیگر کشورها پایین‌تر است. به طور مثال، لام و همکاران (2009) برای بازار هنگ کنگ میانگین WML را برابر  $0/69$  درصد برای هر ماه و ال‌هر و همکاران (2004) برای بازار کانادا آن را برابر  $1/34$  درصد گزارش کرده‌اند.

#### نتایج

بخش «الف» تا «د» جدول شماره ۳ به ترتیب میانگین تعداد شرکت‌ها، ارزش بازار، ارزش دفتری به ارزش بازار و مومنتوم قیمت را به تفکیک پورتفوها گزارش می‌کند. به طور کلی، بررسی پورتفوها نشان می‌دهد نحوه شکل‌گیری پورتفوها از نظر نوع شرکت‌هایی که در هر یک قرار گرفته است، مطابق با نتایج تحقیقات گذشته است. نخست این که به طور میانگین سهام رشدی نسبت به سهام ارزشی تمایل بیشتری به بزرگتر بودن دارند. با نگاهی به قسمت «الف»، مشاهده می‌کنیم تعداد شرکت‌هایی که به عنوان بزرگ و رشدی دسته بندی شده‌اند، تقریباً ۳۵ درصد است که دو برابر ۱۷ درصد شرکت‌هایی است که در دسته بزرگ و ارزشی قرار دارند. به علاوه، بخش «ب» نشان می‌دهد در تمامی پورتفوها به جز یک مورد، ارزش بازار پورتفوهای رشدی از پورتفوهای متناظر ارزشی خود بیشتر است. دوم، سهام برنده نیز نسبت به سهام بازنده تمایل به بزرگتر بودن دارد. با



نگاهی دوباره به بخش «الف» می‌بینیم نسبت سهام برنده و بزرگ به کل شرکت‌ها بیش از ۲۹ درصد است، در حالی که این نسبت برای شرکت‌های بازنده و بزرگ ۲۳ درصد می‌باشد. میانگین ارزش بازار هم نشان می‌دهد تمامی پورتهوهای برنده ارزش بازار بزرگتری را به نسبت پورتهوهای بازنده متناظر خود نشان می‌دهند. سوم، می‌توان دریافت که سهام رشدی تمایل بیشتری به برنده شدن دارد تا سهام ارزشی.

جدول شماره 3. ویژگی‌های پورتهوها

برنده (W)		بازنده (L)		
بخش الف: تعداد شرکت‌ها (درصد به کل شرکت‌ها)				
11 (٪13)	22 (٪)	رشدی (L)	بزرگ (B)	
9 (٪10)	6 (٪7)	ارزشی (H)		
6 (٪7)	7 (٪8)	رشدی (L)	کوچک (S)	
15 (٪17)	15 (٪)	ارزشی (H)		
	13			
بخش ب: میانگین ارزش بازار (میلیارد ریال)				
2458	2699	رشدی (L)	بزرگ (B)	
2174	3527	ارزشی (H)		
151	280	رشدی (L)	کوچک (S)	
118	131	ارزشی (H)		
بخش ج: میانگین نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار				
0/32	0/26	رشدی (L)	بزرگ (B)	
0/83	0/80	ارزشی (H)		
0/32	0/31	رشدی (L)	کوچک (S)	
1/04	0/93	ارزشی (H)		
بخش د: میانگین مومنتوم شش ماهه (٪)				
-8/18	36/34	رشدی (L)	بزرگ (B)	
-14/55	23/32	ارزشی (H)		
-11/92	30/13	رشدی (L)	کوچک (S)	

ارزشی (H) 29/30 -11/27

بخش «الف» و «ب» جدول شماره ۴ به ترتیب بازده پورتهوها و انحراف معیار آنها را نشان می‌دهد. با نگاهی به این جدول در می‌یابیم پورتهوهای رشدی عملکرد بهتری نسبت به پورتهوهای ارزشی داشته‌اند. البته در تحقیقات بین‌المللی، معمولاً بر خلاف بورس تهران اثر ارزش (به معنای عملکرد بهتر پورتهوهای ارزشی نسبت به پورتهوهای رشدی) در تحقیقاتی همچون فاما و فرنچ (1998)، لیو و واسالو (2000)، و کاپول و همکاران (1993) گزارش شده است. از طرف دیگر، پورتهوهای برنده بازده بالاتری را در مقایسه با پورتهوهای بازنده ارائه داده‌اند که هم جهت با تحقیقات پیشین از جمله اوبرین و همکاران (2010)، لام و همکاران (2009) و آمان و استینر (2008) است. در رابطه با اثر اندازه، اگرچه معمولاً پورتهوهای کوچک بازده بالاتری را در تحقیقات گذشته نشان داده‌اند، ولی در اینجا نمی‌توان روند خاصی را مشاهده نمود. چنان که مشاهده می‌کنید، از مجموع 4 پورتهوی متناظر، در دو پورتهوی بازده سهام کوچک بیشتر بوده (SLW و SHL) و در دو پورتهوی دیگر سهام بزرگ (پورتهوهای BLW و BHL) عملکرد بهتری را نشان می‌دهد.

جدول شماره 4. میانگین بازده و انحراف معیار پورتهوها

بازنده (L)		برنده (W)			
بخش الف: میانگین بازده ماهانه (%)					
2/59	3/45	رشدی (L)	بزرگ (B)		
1/65	1/38	ارزشی (H)			
2/63	3/23	رشدی (L)	کوچک (S)		
1/23	1/83	ارزشی (H)			
بخش ب: انحراف معیار (%)					
5/81	5/65	رشدی (L)	بزرگ (B)		
6/37	7/21	ارزشی (H)			
6/67	5/91	رشدی (L)	کوچک (S)		

### آزمون نرمال بودن متغیرهای وابسته

با توجه به جدول شماره ۵ و مشاهده سطح معنی داری آماره آزمون کلموگروف-اسمیرنف، فرض صفر مبنی بر نرمال بودن توزیع داده‌ها قابل رد نیست. بنابراین، می‌توان فرض کرد که متغیر وابسته در هر هشت پورتفوی دارای توزیع نرمال هستند.

جدول شماره 5. نتایج آزمون کلموگروف-اسمیرنف

	BHL(1)	SHL(2)	BLL(3)	SLL(4)	BHW(5)	SHW(6)	BLW(7)	SLW(8)
میانگین	/0165	/0123	/0258	/0262	/0138	/0182	/0344	/0322
پارامترها	0	0	0	0	0	0	0	0
انحراف	/0637	/0442	/0581	/0667	/0721	/0417	/0565	/0591
معیار	0	0	0	0	0	0	0	0
مطلق	0/143	0/129	0/119	0/134	0/105	0/073	0/057	0/108
مثبت	0/143	0/129	0/119	0/134	0/105	0/073	0/057	0/108
منفی	-0/107	-0/080	-0/076	-0/084	-0/074	-0/044	-0/043	-0/084
آماره (Z)	1/502	1/357	1/253	1/415	1/104	0/767	0/599	1/137
معنی داری (دو طرفه)	0/122	0/060	0/087	0/137	0/175	0/599	0/866	0/150

### نتایج رگرسیون‌ها

جدول شماره 6 نتایج اجرای سه رگرسیون شامل الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای، الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، و الگوی چهار عاملی کره‌ارت را به تفکیک هشت پورتفوی ایجاد شده نشان می‌دهد. آماره F در همه پورتفوها و برای هر سه الگو در سطح 99 درصد معنی دار است که حکایت از نیکویی برآزش‌ها دارد. همچنین، آماره دوربین-واتسون برای رگرسیون‌های اجرا شده در بازه 1/479 تا 2/015 قرار دارد که تا حد زیادی از نبود مشکل خود همبستگی در اجرای رگرسیون‌ها حکایت دارد.

تمامی فاکتورهای الگوی کره‌ارت (WML, HML, SMB, MP) به تبیین اختلاف بازده پورتفوها در بورس اوراق بهادار تهران کمک می‌کنند و توانایی توضیح تغییرات

بازده را دارند؛ زیرا به غیر از یک مورد (ضریب HML در پورتنفوی 8 در الگوی کرهات) همه ضرایب از لحاظ آماری در سطح 95 و 99 درصد معنی دار هستند. مقدار بتای عامل بازار حاصل از اجرای رگرسیون کرهات در بازه 0/434 تا 0/667 قرار دارد. علامت مثبت این عامل حاکی از رابطه مستقیم نوسانات کلی بازار با بازدهی پورتنفوها است. همچنین، ضرایب این عامل برای هر هشت پورتنفوی، سطح معناداری بالایی را ارائه داده است، به طوری که دامنه آماره t مثبت شده از 6/021 تا 9/315 است. اما مقدار  $\beta_1$  روند خاصی را در پورتنفوها نشان نمی دهد. میانگین بتای به دست آمده برابر با 0/557 می باشد. این پژوهش نشان می دهد عامل بازار نقش مهمی در الگوی چهار عاملی بازی می کند و نشان دهنده ریسک سیستماتیک ناشی از عوامل بازاری در بورس اوراق بهادار تهران است.

جدول شماره 6. نتایج اجرای رگرسیون سری زمانی الگوهای CAPM، فاما و فرنج و کرهات

Portfolio 1 (BHL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	$R^2_{adj}$	F	Sig.	D-W
الگوی الگوی	0,009	0,697	-	-	-	0,404	75,539	0,000	1,593
CAPM	(1,864)	(8,691)							
الگوی فاما و فرنج	0,022	0,532	-0,081	0,146	-	0,628	62,824	0,000	1,672
	(5,181)	(6,865)	(-3,140)	(5,543)					
الگوی کرهات	0,021	0,574	-0,073	0,132	-0,128	0,680	59,333	0,000	1,576
	(5,379)	(7,595)	(-3,025)	(5,387)	(-4,279)				
Portfolio 2 (SHL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	$R^2_{adj}$	F	Sig.	D-W
الگوی الگوی	0,009	0,269	-	-	-	0,118	15,759	0,000	1,814
CAPM	(2,339)	(3,970)							
الگوی فاما و فرنج	0,017	0,558	0,174	0,136	-	0,475	34,205	0,000	1,962
	(4,901)	(8,746)	(8,151)	(6,282)					
الگوی کرهات	0,017	0,568	0,179	0,127	-0,086	0,522	31,032	0,000	1,851
	(4,971)	(9,315)	(8,788)	(6,103)	(-3,387)				
Portfolio 3 (BLL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	$R^2_{adj}$	F	Sig.	D-W
الگوی الگوی	0,029	0,660	-	-	-	0,436	86,189	0,000	2,015
CAPM									
الگوی فاما و فرنج	0,023	0,440	-0,132	-0,106	-	0,553	46,367	0,000	1,698
	(5,360)	(5,681)	(-5,124)	(-4,026)					
الگوی کرهات	0,022	0,450	-0,126	-0,115	-0,093	0,584	39,546	0,000	1,583
	(5,409)	(6,021)	(-5,049)	(-4,514)	(-2,977)				

Portfolio 4 (SLL)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	0,033 (5,269)	0,345 (3,313)	-	-	-	0,083	10,979	0,000	1,771
الگوی فاما و فرنچ	0,017 (3,216)	0,631 (6,380)	0,148 (4,494)	-0,157 (-4,675)	-	0,445	30,400	0,000	1,850
الگوی کرهات	0,016 (3,336)	0,653 (7,341)	0,161 (5,407)	-0,177 (-5,814)	-0,191 (-5,16)	0,552	34,925	0,000	1,540
Portfolio 5 (BHW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	0,005 (0,912)	0,835 (9,631)	-	-	-	0,455	92,751	0,000	1,547
الگوی فاما و فرنچ	0,017 (3,353)	0,680 (7,493)	-0,077 (-2,529)	0,132 (4,307)	-	0,600	56,095	0,000	1,844
الگوی کرهات	0,017 (3,632)	0,667 (7,640)	-0,084 (-2,880)	0,144 (4,844)	0,114 (3,147)	0,631	48,046	0,000	1,974

جدول 6. نتایج اجرای رگرسیون سری زمانی الگوهای CAPM، فاما و فرنچ و کرهات-ادامه

Portfolio 6 (SHW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	0,016 (4,116)	0,226 (3,491)	-	-	-	0,092	12,188	0,000	1,647
الگوی فاما و فرنچ	0,019 (5,054)	0,445 (6,312)	0,129 (5,476)	0,075 (3,126)	-	0,282	15,392	0,000	1,502
الگوی کرهات	0,020 (5,421)	0,434 (6,426)	0,123 (5,432)	0,084 (3,648)	0,091 (3,254)	0,341	15,226	0,000	1,517
Portfolio 7 (BLW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	0,027 (6,767)	0,654 (9,603)	-	-	-	0,453	92,218	0,000	1,540
الگوی فاما و فرنچ	0,014 (3,881)	0,563 (8,602)	-0,065 (-2,99)	-0,184 (-8,282)	-	0,661	72,588	0,000	1,590
الگوی کرهات	0,014 (4,294)	0,552 (8,941)	-0,072 (-3,48)	-0,174 (-8,241)	0,098 (3,823)	0,700	65,020	0,000	1,618
Portfolio 8 (SLW)	$\alpha$	MP	SMB	HML	WML	R <sup>2</sup> -adj	F	Sig.	D-W
الگوی CAPM	0,030 (5,327)	0,226 (2,391)	-	-	-	0,041	5,718	0,019	1,479

## 80/ اثر عامل مومنتوم بر توان توضیحی الگوی سه عاملی فاما و ...

الگوی فاما و فرنج	0,021 (4,277)	0,581 (6,409)	0,194 (6,421)	-0,065 (-2,123)	-	0,409	26,404	0,000	1,521
الگوی کرهارت	0,022 (5,017)	0,560 (6,903)	0,182 (6,722)	-0,047 (-1,69)	0,177 (5,250)	0,527	31,611	0,000	1,640

آماره‌های تی استیودنت برای آزمون معنی‌داری ضرایب متغیرهای توضیحی، در پراگم و در زیر ضریب مربوطه آورده شده است. به غیر از ضریب قرار داده شده در مربع، تمامی ضرایب متغیرهای توضیحی در سطح 95 و 99 درصد معنی‌دار هستند.

دامنه به دست آمده برای ضریب متغیر SMB از  $-0/126$  تا  $0/182$  می‌باشد. تمامی ضرایب در سطح 5٪ معنی‌دار هستند. به علاوه، ضریب SMB با اندازه در ارتباط است، به طوری که برای پورتفویهای بزرگ، منفی و برای پورتفویهای کوچک مثبت می‌باشد. به طور کلی، این الگو در مورد ضریب SMB مشابه شواهد گزارش شده در تحقیقات پیشین همچون فاما و فرنج (1993) است.

در مورد HML می‌توان گفت که ضرایب مثبت برای پورتفویهای با ارزش دفتری به ارزش بازار بالا و ضرایب منفی برای پورتفویهایی با ارزش دفتری به ارزش بازار پایین به دست آمده است. دامنه ضرایب این فاکتور از  $-0/177$  تا  $0/144$  می‌باشد و همگی به جز پورتفوی هشتم در سطح 5٪ معنی‌دار هستند. در تحقیقات پیشین ضریب این عامل برای بیشتر پورتفوها منفی بوده است؛ در این پژوهش نیز میانگین ضرایب به دست آمده برای این عامل برابر با  $-0/003$  است. ضرایب عامل WML که مربوط به صرف مومنتوم است، از  $-0/191$  تا  $0/177$  می‌باشد و همچون دو عامل قبلی، تمامی ضرایب در سطح 5٪ معنی‌دار هستند و به طور کلی، ضرایب منفی برای پورتفویهای بازنده و ضرایب مثبت برای پورتفویهای برنده مشهود است. این نتایج نشان می‌دهد که عامل مومنتوم توانایی توضیح دادن تغییرات بازده را دارد.

### مقایسه ضرایب تعیین تعدیل شده

برای بررسی دقیق‌تر و مقایسه قدرت توضیح‌دهندگی این سه الگو با یکدیگر،  $R^2$  تعدیل شده هر یک از الگوها در جدول شماره 7 نشان داده شده است. میانگین  $R^2$  تعدیل شده برای CAPM برابر با 26 درصد است که بعد از اضافه کردن دو عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار (الگوی فاما و فرنج) با افزایش قابل توجهی مواجه شده و به

بیش از 50/7 درصد رسیده است. این نتیجه مبنی بر توان توضیح دهندگی عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار با تحقیقات قبلی همچون (آقا بیگی، 1385) سازگار است. عامل جدیدی که در این پژوهش به الگوی سه عاملی اضافه شد، مومنتوم می باشد. میانگین  $R^2$  تعدیل شده الگوی کرهات، برابر با 56/7 درصد به دست آمده است که حاکی از افزایش 6 درصدی نسبت به الگوی فاما و فرنچ است.

جدول شماره 7. مقایسه  $R^2$  تعدیل شده در سه الگو به تفکیک پورتفوها

شماره	پورتفوها		فاما و فرنچ	کرهات
	نماد	الگوی قیمت گذاری دارایی سرمایه ای		
1	BHL	0/404	0/628	0/680
2	SHL	0/118	0/475	0/522
3	BLL	0/436	0/553	0/584
4	SLL	0/083	0/445	0/552
5	BHW	0/455	0/600	0/631
6	SHW	0/092	0/282	0/341
7	BLW	0/453	0/661	0/700
8	SLW	0/041	0/409	0/527
میانگین		0/260	0/507	0/567

نتایج به دست آمده در بالا، هر سه فرضیه تحقیق را تأیید می کند، به طوری که با توجه به  $R^2$  تعدیل شده این سه الگو می توان دریافت الگوی سه عاملی فاما و فرنچ تبیین بهتری از بازده نسبت به CAPM ارائه کرده است. همچنین، با مشاهده  $R^2$  تعدیل شده الگوی چهار عاملی کرهات، که هم از الگوی CAPM و هم از الگوی فاما و فرنچ بیشتر است، فرضیات دو و سه نیز تأیید می شوند.

#### تجزیه و تحلیل حساسیت

پتنگیل و دیگران (۱۹۹۵)، بیان کردند که شرایط صعودی و نزولی بازار باید بررسی شود. همچنین، فاما و فرنچ (۱۹۹۳) بر طبق رول (۱۹۸۳) و کیم (۱۹۸۳) بیان کردند که بازده سهام، به خصوص سهام کوچک، میل به بیشتر شدن در ماه ژانویه دارد. برای اطمینان

از درستی نتایج در باره توان توضیح دهنده الگوی کوهاریت، تجزیه و تحلیل حساسیت برای شرایط صعودی و نزولی بازار و برای اثر فصلی انجام شد.

#### شرایط بازار

برای بررسی قدرت الگوی چهار عاملی کوهاریت در شرایط صعودی و نزولی بازار، هر یک از متغیرهای مستقل و همچنین، عملکرد کلی الگو در دو موقعیت بازار صعودی و نزولی آزمون گردید. برای این منظور نمونه تحقیق به دو گروه صعودی و نزولی تقسیم شد؛ بدین صورت که مطابق مطالعه پتنگیل و همکاران (۱۹۹۵)، اگر بازده واقعی بازار منهای بازده بدون ریسک در یک ماه مثبت (منفی) باشد، آن ماه در شرایط صعودی (نزولی) بازار دسته‌بندی شد که در نتیجه ۵۹ ماه در دسته صعودی و ۵۶ ماه در دسته نزولی قرار گرفت. بررسی‌ها نشان می‌دهد متغیرهای WML, HML, SMB در شرایط صعودی و نزولی به لحاظ آماری تفاوت معنی‌داری از خود نشان نمی‌دهند. اما عامل بازار (MP) در شرایط نزولی مقدار کمتری را نشان می‌دهد که امری طبیعی است.

به منظور بررسی عملکرد کلی الگوی کوهاریت، الگو یک بار در شرایط صعودی و یک بار در شرایط نزولی اجرا شد. همانند آزمون رگرسیون معمولی (بدون شرایط صعودی-نزولی)، ضرایب عامل بازار همگی مثبت و به جز دو پورتفوی (پورتفوی شماره شش در حالت صعودی و پورتفوی شماره هشت در حالت نزولی) در سطح اطمینان 5 درصد، معنی‌دار به دست آمد. میانگین بتاهای عامل بازار در شرایط صعودی و نزولی به ترتیب برابر 0.46 و 0.61 به دست آمد که مقدار آن نزدیک به شرایط معمولی است که برابر 55/7 به دست آمده است. این یافته‌ها با مطالعات قبلی بر روی الگوهای قیمت‌گذاری در شرایط صعودی-نزولی همچون لام و همکاران (2009) سازگار است. ضرایب هر دو عامل SMB و HML در سطح 5٪ در شرایط صعودی در هفت پورتفوی و در شرایط نزولی در شش پورتفوی معنی‌دار شده و میانگین آنها نیز در هر دو شرایط تفاوت اندکی با هم دارد. بنابراین، می‌توان گفت شرایط بازار، تأثیر چندانی بر معناداری نقش توضیحی



SMB و HML در الگوی کره‌ارت ندارد. در مورد عامل مومنتوم (WML)، نتایج همچنین، نشان داد ضریب این عامل در حالت صعودی در هفت پورتفوی و در حالت نزولی در پنج پورتفوی معنی دار شده است. همچنین، تفاوت بیشتری در میانگین این عامل در دو شرایط صعودی و نزولی مشاهده شد. از این رو، می‌توان گفت عامل مومنتوم می‌تواند تحت تأثیر شرایط بازار قرار گیرد و این امر برای عامل مومنتوم که تبعیت از روند بازار است، منطقی به نظر می‌رسد.

### اثر فصلی

برای کنترل اثر فصلی تمام تحلیل‌های قبلی یک بار دیگر به تفکیک ماه‌های سال روی الگو چهار عاملی کره‌ارت انجام شد. در مورد عامل بازار، نتایج به دست آمده از مقایسه میانگین بتاها حاکی از این است که تنها میانگین بهمن ماه در سطح خطای 5 درصد و میانگین مهرماه در سطح خطای 10٪ با میانگین کل سال تفاوت معنی‌داری دارند و مقدار کمتری را نشان می‌دهند. در توجیه کاهش میانگین عامل MP در مهرماه می‌توان به رکود فصلی بورس تهران اشاره کرد که به طور تاریخی معمولاً در آن مقطع اتفاق می‌افتد. در مورد عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار، تنها «آذر ماه» به لحاظ میانگین با بقیه سال تفاوت معنی‌داری از خود نشان می‌دهد. در مورد عامل مومنتوم نیز هیچ یک از ماه‌ها با میانگین کل سال تفاوت معنی‌داری از خود نشان نمی‌دهد.

### بحث و نتیجه‌گیری

الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای فرض می‌کند که سرمایه‌گذاران پورتفوی کاملاً متنوعی همچون پورتفوی بازار نگهداری می‌کنند و در نتیجه، ریسک‌های خاص شرکت با انجام تنوع‌بخشی حذف می‌شوند و تنها ریسک سیستماتیک دارایی که برخاسته از عوامل کلان بازاری بوده و با بتا اندازه‌گیری می‌شود، مستحق پاداش است. بنابراین، انتظار می‌رود متغیرهای معرف ریسک‌های خاص شرکت چندان مورد توجه سرمایه‌گذاران قرار نگیرد؛ زیرا با تنوع‌بخشی قابل حذف هستند. اما در تحقیقات تجربی

شواهدی بر خلاف آن گزارش شده است. در دنیای واقعی، سرمایه گذاران شاید نتوانند پورتنفوی کاملاً متنوعی در عمل نگهداری نمایند. بنابراین، طبیعی است که نگران ریسک‌های غیر سیستماتیک باشند و از این رو برخی متغیرهای معرف خصوصیات شرکت همچون اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار را در تصمیمات خود لحاظ کنند. همچنین، در تحقیقات تجربی معمولاً بازده بازار و صرف بازار با استفاده از ارقام تاریخی شاخص بازار محاسبه می‌گردد و به عنوان معرفی از یک پورتنفوی کاملاً متنوع در نظر گرفته می‌شود که ممکن است با واقعیت منطبق نباشد.

بررسی‌های ما در این پژوهش نشان می‌دهد که عامل اندازه و نسبت ارزش دفتری به ارزش بازار سهم نقش قابل توجهی در توضیح دادن بازده‌های سهام شرکت‌های بورس تهران دارند و از این رو، می‌توان نتیجه گرفت که الگوی سه عاملی فاما و فرنچ بهتر از الگوی قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای توان توضیح دادن بازده‌ها را دارد. همچنین، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که عامل مومنتوم در توضیح دادن بازده‌های واقعی نقش قابل توجهی دارد و با افزودن صرف حاصل از این عامل به الگوی سه عاملی فاما و فرنچ، توان توضیحی الگو افزایش می‌یابد. این یافته حاکی از اعتبار تجربی الگوی کرهاوت است که با تحقیقات مشابه خارجی سازگار می‌باشد. در هر صورت، این نتایج می‌تواند درک و دانش سرمایه‌گذاران و پژوهشگران حوزه بازار سرمایه را افزایش دهد و در پرتو آن شاید بتوان به شناسایی عوامل دیگری که توانایی توضیح دادن تغییرات بازده را داشته باشند، دست یافت.

#### یادداشت‌ها

1. صرف ریسک بازار (MP) عبارت است از بازده بازار منهای بازده بدون ریسک. صرف اندازه (SMB) عبارت است از بازده پورتنفوی سهام کوچک (S) منهای بازده پورتنفوی سهام بزرگ (B)، و صرف ارزش دفتری به بازار (HML) عبارت است از بازده پورتنفوی سهام ارزشی (High B/M) منهای بازده پورتنفوی سهام رشدی (Low B/M).
2. چون عمل تشکیل پورتنفوها در هر سال جداگانه تکرار می‌گردد، ترکیب پورتنفوها به دلیل تغییرات در اندازه و ارزش دفتری حقوق صاحبان سهام هر شرکت از یک سال به سال دیگر تغییر می‌کند. البته ساختار پورتنفوها در دوره‌های یک‌ساله ثابت نگه داشته شد.

3. در هر سه مدل، متغیرهای اصلی تحقیق (وابسته و مستقل) به صورت صرف (یعنی تفاضل دو بازده) بیان شده‌اند. برای مثال، متغیر وابسته به صورت تفاضل بازده واقعی منهای بازده بدون ریسک، و متغیر HML به صورت تفاضل بازده سهام با نسبت B/M بالا منهای بازده سهام با نسبت B/M پایین محاسبه شده است. مشابه همین توضیحات را می‌توان برای متغیرهای دیگر ارائه نمود.
4. شاخص اصلی بورس تهران در آذر 1387 از شاخص نقدی (TEPIX) به شاخص قیمت و سود نقدی (TEDPIX) تغییر یافته است. همچنین، برای محاسبه بازده ماهانه بازار از رابطه  $R_m = (I_t - I_{t-1}) / I_{t-1}$  استفاده شده است.

### منابع و مأخذ

- اسلامی بیدگلی، غلامرضا و خجسته، محمدعلی (1387)، بهبود عملکرد پورتفوی بر مبنای بازده تعدیل شده بر اساس ریسک در سرمایه‌گذاری مبتنی بر بهره‌وری سرمایه در بورس اوراق بهادار تهران، *تحقیقات مالی*، ش. 25، ص. 3-21.
- آقا بیگی، صابر (1385)، مقایسه مدل قیمت‌گذاری داری‌های سرمایه‌ای و مدل سه عاملی فاما و فرنچ در توضیح نرخ بازده مورد انتظار سرمایه‌گذاران، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه شهید بهشتی.
- امینی، نقی (1388)، بررسی پدیده‌های نیروی حرکت قیمت و نیروی حرکت عایدات و رابطه آنها با هم در بورس اوراق بهادار تهران، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه شهید بهشتی.
- باقرزاده، سعید (1384)، بررسی عوامل تأثیرگذار بر بازده مورد انتظار سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران، *تحقیقات مالی*، ش. 15، ص. 137-161.
- راعی، رضا و احمد تلنگی (1383)، مدیریت سرمایه‌گذاری پیشرفته، انتشارات سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاه‌ها (سمت)، تهران.
- رباط میلی، مژگان (1386)، مقایسه عملکرد مدل قیمت‌گذاری داری‌های سرمایه‌ای مدل سه عاملی فاما و فرنچ در پیش‌بینی بازده مورد انتظار در بورس اوراق بهادار تهران، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه الزهرا.
- طارمی، مریم (1385)، آزمون مدل سه عاملی فاما و فرنچ در بورس اوراق بهادار تهران جهت پیش‌بینی بازده سهام، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه الزهرا.
- عباسی، ابراهیم و غفار غزلجه (1391)، آزمون تأثیر الگوی سه عاملی فاما و فرنچ در پراکندگی بازده سبد سهام، *دانش حسابداری*، ش. 11، ص. 180-161.
- فدایی‌نژاد، محمد اسماعیل و صادقی، محسن (1385)، بررسی سودمندی استراتژی‌های مومنتوم و معکوس، *پیام مدیریت*، ش. 17 و 18، ص. 31-7.
- قالیباغی اصل، حسن و شمس، شهاب‌الدین و ساده‌وند، محمدجواد (1389)، بررسی بازده اضافی استراتژی شتاب سود و قیمت در بورس اوراق بهادار تهران، *بررسی‌های حسابداری و حسابرسی*، ش. 61، ص. 99-116.
- کمالی، هاجر (1386)، بررسی استراتژی شتاب و مقایسه آن با استراتژی معکوس در بورس اوراق بهادار تهران، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه الزهرا.

- مکارم، احمد (1386)، بررسی و مقایسه توانایی الگو قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای (CAPM) و مدل سه عاملی فاما و فرنچ در توضیح نوسانات بازده سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران، *پایان‌نامه کارشناسی ارشد*، دانشگاه تربیت مدرس.

- Akdeniz, L., Altay-Salih, A. and Aydogan, K. (2000). Cross Section of Expected Stock Returns in ISE, *Russian and East European Finance and Trade*, Vol. 36, No. 5, pp. 6-26.
- Ammann, M., and Steiner, M. (2008). Risk Factors for the Swiss Stock Market, *Swiss Journal of Economics and Statistics*, Vol. 144, No. 1, pp. 1-35.
- Artmann, S., Finter, P. and Kempf, A. (2009). Determinants of Expected Stock Returns: Large Sample Evidence from the German Market, *Working Paper*, University of Cologne.
- Banz, R. W. (1981). The Relationship between Return and Market Value of Common Stocks, *Journal of Financial Economics*, Vol. 9, pp. 3-18.
- Bartholdy, J. and Paula P. (2005), Estimation of expected return: CAPM vs. Fama and French, *International Review of Financial Analysis*, Vol. 14, pp. 407-427.
- Basu, S., (1977). Investment Performance of Common Stocks in Relation to Their Price-Earnings Ratios: A Test of the Efficient Market Hypothesis. *Journal of Finance*, Vol. 32, No. 3, pp. 663-682.
- Bhandari, L.C. (1988). Debt/equity ratio and expected common stock returns: Empirical evidence, *Journal of Finance*, Vol. 43, pp. 507-528.
- Black, F., (1972). Capital Market Equilibrium with Restricted Borrowing. *Journal of Business*, Vol. 45, No. 3, pp. 444-455.
- Capaul, C., Rowley, I., and Sharpe, W. (1993). International Value and Growth Stock Returns, *Financial Analysts Journal*, Vol. 49, pp. 27-36.
- Carhart, M.M., Krail, R.J., Stevens, R.L., and Welch, K.D. (1996). Testing the Conditional CAPM, *Working Paper*, Graduate School of Business, University of Chicago.
- Carhart, M. M. (1997). On Persistence in Mutual Fund Performance, *Journal of Finance*, Vol. 52, No. 1, pp. 57-82.
- Chan, L.K., Jegadeesh, N. and Lakonishok, J. (1996). Momentum Strategies, *Journal of Finance*, Vol. 11, No. 5, pp. 1681-1713.
- Chen, L., Novy-Marx, R. and Zhang, L. (2010). An Alternative Three-Factor Model, *Working paper*, SSRN.
- Chui A., Titman, S. and Wei, K.C. (2000). Momentum, Legal Systems and Ownership Structure: An Analysis of Asian Stock Markets. *Working paper*, SSRN.
- Copeland, T.E., Weston, J.F. and Shastri, K. (2005). *Financial Theory and Corporate Policy*, Adisson Wesley, 4th ed.
- Fama, E.F. and MacBeth, J.D. (1973). Risk, return and equilibrium: empirical tests, *Journal of Political Economy*, Vol. 81, pp. 607-636.

- Fama, E.F. and French, K.R. (1992). The Cross-Section of Expected Stock Returns. *Journal of Finance*, Vol. 47, No. 2, pp. 427-465.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1993). Common Risk Factors in the Returns on Stocks and Bonds, *Journal of Financial Economics*, Vol. 33, No. 1, pp. 3-56.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1996). Multifactor Explanations of Asset Pricing Anomalies, *Journal of Finance*, Vol. 51, No. 1, pp. 55-84.
- Fama, E.F. and French, K.R. (1998). Value versus Growth: The International Evidence, *Journal of Finance*, Vol. 53, pp. 1975-1999.
- Foster, K.R. Kharazi, A. (2008). Contrarian and Momentum Returns on Iran's Tehran Stock Exchange. *Journal of International Financial Markets, Institutions & Money*, Vol. 17, No. 5.
- Griffin, J., Ji, X., and Martin, S. (2003). Momentum investing and business cycle risk: evidence from pole to pole, *Journal of Finance*, Vol. 58, pp. 2515-547
- Grundy, B.D. and Martin, J.S. (2001). Understanding the Nature of the Risks and the Sources of the Rewards to Momentum Investing. *Review of Financial Studies*, Vol. 14, No. 1, pp. 29-78.
- Hameed, A. and Kusnadi, Y. (2002). Momentum Strategies Evidence from Asian Pacific Stock Market. *Journal of Financial Research*, Vol. 25, No. 3, pp. 383-397.
- Haris, R.S., and Marston, F.C. (1995) Value versus Growth Stock: Book-to-Market, Growth, and Beta, *Financial Analysts Journal*, Vol. 50, No. 5, pp. 18-24.
- Hubinette, N., and Jonsson, G. (2011). An Alternative Four-Factor Model, *Master Thesis in Finance*, Stockholm School of Economics.
- Jegadeesh, N. and Titman, S. (1993). Returns to Buying Winners and Selling Losers: Implications for Stock Market Efficiency, *Journal of Finance*, Vol. 48, No. 1, pp. 65-91.
- Jegadeesh, N. and Titman, S. (2001). Profitability of Momentum Strategies: An Evaluation of Alternative Explanations, *Journal of Finance*, Vol. 56, No. 2, pp. 699-720.
- Jensen, G.R., Johnson, R.R., and Mercer, J.M., 1997. New evidence on size and price-to-book effects in stock returns. *Financial Analysts Journal*, Vol. 53, pp. 34-41.
- Kang, J., Liu, M.H., Ni, S.X., (2002). Contrarian and Momentum Strategies in the China Stock Market: 1993-2000. *Pacific Basin Finance Journal*, Vol. 10, pp. 243-265.
- Kassimatis, K. (2008). Size, book to market and momentum effects in the Australian stock market, *Australian Journal of Management*, Vol. 33, pp. 145-168
- Keim, D.B. (1988). *Stock Market Regularities: A Synthesis of the Evidence and Explanations in Stock Market Anomalies*, Elroy Dimson ed. Cambridge: Cambridge University Press.
- Kim, D.B., (1983). Size Related Anomalies and Stock Return Seasonality. *Journal of Financial Economics*, Vol. 12, pp. 13-32.

- Lee, C.M. and Swaminathan, B. (2000). Price Momentum and Trading Volume. *Journal of Finance*, Vol. 55, No. 5, pp. 2017–2069.
- L’Her, J., Masmoudi, T., and Suret, J. (2004). Evidence to Support the Four-Factor Pricing Model from the Canadian Stock Market, *Journal of International Financial Markets, Institutions and Money*, Vol. 14, No. 4, pp. 313–328.
- Liew, J., and Vassalou, M. (2000). Can Book-to-Market, Size and Momentum be Risk Factors that Predict Economic Growth?, *Journal of Financial Economics*, Vol. 57, No. 2, pp. 221–245.
- Lintner, J., (1965). Security Prices, Risk and Maximal Gains from Diversification. *Journal of Finance*, Vol. 20, No. 4, pp. 587–615.
- Liu, W., N. Strong, and Xu, X. (1999). The Profitability of Momentum Investing. *Journal of Business Finance and Accounting*, Vol. 26, No. 9/10, pp. 1043–1091.
- Muga, L., and Santamaria, R., (2007). The Momentum effect in Latin American Emerging Markets, *Emerging Markets Finance and Trade*, Vol. 43, No. 4, pp. 24-45.
- Naughton T., Truong, C. and Veeraraghavan, M. (2007), Momentum Strategies and Stock Returns: Chinese Evidence, *Pacific Basin Finance Journal*, Vol. 16, No. 4, pp. 476-492.
- O’Brien, M., Brailsford, T., and Gaunt, C. (2010). Interaction of size, book-to-market and momentum effects in Australia, *Accounting and Finance*, Vol. 50, pp. 197–219.
- Pettengill, G., Sundaram, N. and Mathur, I. (1995). The Conditional Relation between Beta and Return. *Journal of Financial and Quantitative Analysis*, Vol. 30, No. 1, pp. 101-116.
- Roll, R., (1983). Vas ist das? The turn-of-the-year effect and the Return Remia of Small Firms, *Journal of Portfolio Management*. Vol. 11, pp. 9-17.
- Rosenberg, B., Reid, K., and Lanstein, R., (1985). Persuasive Evidence of Market Inefficiency. *Journal of Portfolio Management*, Vol. 11, No. 3, pp. 9–16.
- Rouwenhorst, K.G., (1998). International Momentum Strategies. *Journal of Finance*, Vol. 53, No. 1, pp. 267–284.
- Schiereck, D., De Bondt, W. and Weber, M. (1999). Contrarian and Momentum Strategies in Germany. *Financial Analysts Journal*, Vol. 55, No. 6, 104–116.
- Sharpe, W. F., (1964). Capital Asset Prices: A Theory of Market Equilibrium under Conditions of Risk. *Journal of Finance*, Vol. 19, No. 3, pp. 425–442.
- Vilbern, M. (2008). The Momentum Effect: Evidence from the Swedish Stock Market. *Working paper*, Upsala University.