

محاسبه کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری در راکتورهای هسته‌ای به روش مونت کارلو

شایسته، محسن - عسگری، منصور - آذرخلیلی، رضا* - میرزاده، عبدالعظیم - عشقی، مهدی

دانشگاه امام حسین (ع)، دانشکده علوم و پایه، گروه فیزیک

چکیده:

در این تحقیق برای محاسبه کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری از یک روش تقریبی استفاده می‌شود که این تقریب، معادله‌ای است از نسبت ویژه مقدارهای ضریب تکثیر مؤثر سیستم. یکی از ویژه مقدارها با استفاده از نوترون‌های آنی (Prompt) و دیگری با استفاده از کل نوترون‌ها محاسبه می‌شوند. از آنجایی که این روش بر مبنای محاسبه ضریب تکثیر مؤثر سیستم می‌باشد، ابتدا با محاسبه ضریب تکثیر مؤثر چند راکتور و مقایسه آنها با نتایج کد MCNP، روش خود را در محاسبه ضریب تکثیر مؤثر محک زده و به نتایج خوبی رسیدیم، سپس مقدار کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری را برای دو راکتور آزمایشگاهی محاسبه نموده و تطابق خوبی بین نتایج حاصل از محاسبات و نتایج تجربی و نتایج سایر محاسبات انجام شده مشاهده شد.

کلمات کلیدی:

Monte Carlo Method, Effective Delayed Neutron Fraction, K-eigenvalues, Prompt Method, Delayed Neutron

مقدمه:

کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری (β_{eff}) یکی از مهمترین پارامترهای سیستمی راکتور است. تخمین مقدار دقیق این کمیت برای تعیین راکتیویته و همچنین ضریب تکثیر مؤثر سیستم (k_{eff}) لازم است. این کمیت مهم را می‌توان بصورت نسبت میزان تولید نوترون‌های تأخیری به میزان تولید کل نوترون‌ها بدست آورد (keepin, 1965) [1]. در روش دیگر می‌توان این کمیت مهم را از جواب‌های ویژه مقدار ضریب تکثیر مؤثر سیستم بدست آورد. کد محاسباتی MCNP4C نیز با همین روش ویژه مقداری (روش آنی) این کمیت را محاسبه می‌نماید [2] که این امر مستلزم تغییراتی در چشمه این کد می‌باشد. ما این کمیت مهم را به روش آنی و با استفاده از روش مونت کارلو و نوشتن برنامه کامپوتری محاسبه می‌نماییم.

روش کار :

میزان تولید کل نوترون‌ها (p_{eff}) و نوترون‌های تأخیری ($p_{d,eff}$) از روابط زیر محاسبه می‌شود [1]:

$$p_{eff} = \int \psi(\vec{r}, E', \Omega') \chi(E') v(E) \Sigma_F(\vec{r}, E) \phi(\vec{r}, E, \Omega) dE d\Omega dE' d\Omega' d\vec{r} \quad (1)$$

$$p_{d,eff} = \int \psi(\vec{r}, E', \Omega') \chi_d(E') v_d(E) \Sigma_F(\vec{r}, E) \phi(\vec{r}, E, \Omega) dE d\Omega dE' d\Omega' d\vec{r} \quad (2)$$

$\psi(\vec{r}, E', \Omega')$ نشان دهنده تابع الحاقی (تابع اهمیت) نوترون‌ها، $\chi(E')$ نشان دهنده طیف انرژی کل نوترون‌ها، $\chi_d(E')$ نشان دهنده طیف انرژی نوترون‌های تأخیری، $v(E)$ نشان دهنده میانگین نوترون‌های آزاد شده به ازای شکافت، برای نوترون فرودی با انرژی E ، $\Sigma_F(\vec{r}, E)$ نشان دهنده سطح مقطع ماکروسکوپی شکافت نوترون با انرژی E و مکان \vec{r} و ϕ نشان دهنده شار نوترونی می‌باشد. اکنون اگر رابطه ۲ را بر رابطه ۱ تقسیم کنیم، حاصل همان کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری می‌باشد که در کتاب keepin به آن اشاره شده است [1]:

$$\beta_{eff} = \frac{p_{d,eff}}{p_{eff}} \quad (3)$$

با استفاده از این نکته که $v_p = v - v_d$ می‌توان رابطه (۳) را بصورت زیر نوشت [3]:

$$\beta_{eff} = \frac{\langle \chi_d v_d \rangle}{\langle \chi v \rangle} = 1 - \frac{\langle \chi v - \chi_d v_d \rangle}{\langle \chi v \rangle} = 1 - \frac{\langle \chi (v_p + v_d) - \chi_d v_d \rangle}{\langle \chi v \rangle} = 1 - \frac{\langle v_p \chi + \chi v_d - \chi_d v_d \rangle}{\langle \chi v \rangle} = 1 - \frac{\langle \chi v_p - (\chi_d - \chi) v_d \rangle}{\langle \chi v \rangle}$$

با توجه به این که عبارت $(\chi_d - \chi) v_d$ به لحاظ بزرگی خیلی کوچکتر است نسبت به $v_p \chi$ (چرا که مقدار v_d از مقدار v_p خیلی کوچکتر است.) و با توجه به این که شکل χ تقریباً با شکل χ_p و شکل ϕ_p با تقریباً با شکل ϕ برابر می‌باشد، داریم [3]:

$$\beta_{eff} \approx 1 - \frac{\langle \chi v_p \rangle}{\langle \chi v \rangle} \approx 1 - \frac{\langle \chi_p v_p \rangle}{\langle \chi v \rangle} \Rightarrow \beta_{eff} \approx 1 - \frac{k_p}{k_t} \quad (4)$$

همان طور که مشاهده می‌شود این روش شامل محاسبه دو ویژه مقدار k_p و k_t می‌باشد. ضریب تکثیر مؤثر سیستم را می‌توان از رابطه‌های زیر بدست آورد [4]:

$$k_{eff}^{TL} = \frac{W}{H} \times \sum_{h=1}^H \left[\sum_{i=1}^C (L_{h,i} \sum_k D f_k v_k(E) \sigma_{fk}(E)) + R_h \sum_k D f_k v_k(E) \sigma_{fk}(E) \right] \quad (5)$$

$$k_{eff}^C = \frac{W}{H} \times \sum_{h=1}^H \left[\sum_{i=1}^C \left(\frac{\sum_k f_{m,k} v_k(E) \sigma_{fk}(E)}{\sum_k f_{m,k} \sigma_{tk}(E)} \right) \right] \quad (6)$$

$$k_{eff}^A = \frac{W}{H} \times \sum_{i=1}^H \left(\frac{\nu_k(E) \sigma_{fk}(E)}{\sigma_{ck}(E) + \sigma_{fk}(E)} \right) \quad (7)$$

برنامه کامپیوتری که بر اساس روش مونت کارلو نوشته شده است، با ترابرد هر نوترون که از شکافت یا چشمه خارجی (در صورت وجود چشمه خارجی) آزاد می‌شود، کلیه اندرکنش‌های محتمل را شبیه سازی می‌کند. دنبال کردن نوترون تا زمانی ادامه پیدا می‌کند که نوترون نشت کند و امکان بازگشت به سیستم را نداشته باشد، یا این که نوترون جذب یکی از ایزوتوپ‌های موجود در سیستم شود. برخورد هایی که یک نوترون در طول مدت عمر خود از زمان تولید تا زمان مرگ انجام می‌دهد یا از نوع پراکندگی (کشسان، نا-کشسان) است، یا از نوع جذبی (گیر اندازی، شکافت، ...). با توجه به این موضوع می‌توان ترابرد نوترون را انجام داد. در ترابرد هر نوترون پس از هر برخورد، نمونه برداری از نوع اندرکنش انجام شده و در صورتی که برخورد از نوع جذبی باشد تاریخچه به پایان می‌رسد، در غیر این صورت ترابرد نوترون ادامه می‌یابد. هنگام محاسبه k_p فقط نوترون‌های آنی را دنبال می‌نماییم، برای این کار به صورت زیر عمل می‌نماییم:

ابتدا مشخص می‌کنیم شکافت با کدام ایزوتوپ صورت گرفته است، سپس تعیین می‌کنیم نوترون حاصل از شکافت آن ایزوتوپ خاص، آنی است، یا تأخیری که این کار با استفاده از مقدار کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری هر ایزوتوپ خاص (که دارای دو مقدار متفاوت برای شکافت‌های سریع و حرارتی می‌باشند [1]). انجام می‌شود. با توجه به این موضوع که کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری برای هر ایزوتوپ خاص فقط وابسته به نوع شکافت است (شکافت با نوترون‌های سریع یا حرارتی)، در شبیه سازی مونت کارلو با خواندن یک عددی تصادفی (عدد بین صفر تا یک) می‌توان آنی یا تأخیری بودن نوترون حاصل از شکافت یک ایزوتوپ خاص را تشخیص داد. اگر مقدار عدد تصادفی از β (کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری هر ایزوتوپ خاص) کوچکتر باشد نوترون تأخیری است و در غیر این صورت نوترون آنی خواهد بود. مقدار β برای اکثر ایزوتوپ‌های شکافت‌پذیر در کتاب‌های هسته‌ای لیست شده است [1]. می‌توان با استفاده رابطه $\nu_p = \nu_t \times (1 - \beta)$ مقدار نوترون‌های آنی را برای هر ایزوتوپ خاص بدست آورد. با توجه به این که مقدار β مشخص است، اگر بخواهیم مسئله را بصورت چند گروه انرژی حل نماییم (انرژی گسسته) با داشتن ν_t هر گروه، می‌توان مقدار ν_p هر گروه انرژی را محاسبه نمود.

شبیه سازی مونت کارلوی که برای محاسبه کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری انجام شده است، خطای آماری هریک از دو ویژه مقدار ضریب تکثیر مؤثر سیستم را محاسبه می‌نماید [4] و با استفاده از این خطاهای آماری، خطای آماری کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری را از رابطه (۸) بدست می‌آورد.

$$\beta_{eff} = 1 - \frac{k_p}{k_t} \Rightarrow \ln \beta_{eff} = \ln(k_t - k_p) - \ln(k_t) \Rightarrow \Delta \beta_{eff} = \beta_{eff} \times \left(\frac{\Delta k_t - \Delta k_p}{k_t - k_p} + \frac{\Delta k_t}{k_t} \right) \quad (8)$$

نتایج :

در ابتدا برای اینکه روش خود را برای محاسبه ضریب تکثیر مؤثر سیستم محک بزینم، چند راکتور با هندسه و سوخت معین در نظر می‌گیریم و مقدار ضریب تکثیر آنها (k_t) را بدست می‌آوریم. در این محاسبات از

سطح مقطع‌های ۶ گروهی Hansen [5] استفاده می‌نماییم و نتایج محاسبات را با نتایج کد محاسباتی MCNP مقایسه می‌کنیم. نتایج در جدول شماره (۱) مندرج است. تطابق نتایج محاسبات و نتایج کد MCNP کاملاً واضح است. خصوصیت راکتورهایی که مورد بررسی قرار گرفته‌اند، به لحاظ سوخت و هندسه به صورت زیر است:

۱- راکتور سریع به شکل مکعب با طول، عرض و ارتفاع ۱۴/۸۰ سانتیمتر و چگالی جرمی ۱۸/۷۵ گرم بر سانتیمتر مکعب. سوخت شامل اورانیوم ۲۳۵ با غنای جرمی ۹۴/۱ درصد و بقیه آن از اورانیوم ۲۳۸ می‌باشد.

۲- راکتور سریع به شکل استوانه با شعاع و ارتفاع ۱۱/۰۸ و ۱۰/۰۰ سانتیمتر و چگالی جرمی ۱۸/۷۵ گرم بر سانتیمتر مکعب. سوخت شامل اورانیوم ۲۳۵ با غنای جرمی ۹۴/۱ درصد و بقیه آن از اورانیوم ۲۳۸ می‌باشد.

۳- راکتور سریع با قلب استوانه‌ای شکل به شعاع و ارتفاع ۹/۵۶ و ۱۰/۰۰ سانتیمتر و چگالی جرمی ۱۸/۷۵ گرم بر سانتیمتر مکعب و بک بازتابنده استوانه‌ای شکل با ضخامت و ارتفاع ۴/۴۴ و ۱۰/۰۰ سانتیمتر و چگالی جرمی ۱۸/۸۰ گرم بر سانتیمتر مکعب. قلب راکتور شامل اورانیوم ۲۳۵ با غنای جرمی ۹۴/۱ درصد و بقیه آن از اورانیوم ۲۳۸ می‌باشد. بازتابنده شامل اورانیوم طبیعی است.

۴- راکتور سریع به شکل مکعب مستطیل با طول، عرض و ارتفاع ۲۸/۰۰ و ۲۸/۰۰ و ۱۰/۰۰ سانتیمتر، قلب راکتور به صورت استوانه‌ای به شعاع و ارتفاع ۹/۳۸ و ۱۰/۰۰ سانتیمتر و چگالی جرمی ۱۸/۷۵ گرم بر سانتیمتر مکعب در مرکز این مکعب واقع است و بقیه فضای مکعب که دارای چگالی جرمی ۱۸/۸۰ گرم بر سانتیمتر مکعب می‌باشد به عنوان بازتابنده عمل می‌کند. قلب راکتور شامل اورانیوم ۲۳۵ با غنای جرمی ۹۴/۱ درصد و بقیه آن از اورانیوم ۲۳۸ می‌باشد. بازتابنده شامل اورانیوم طبیعی است.

جدول ۱- مقایسه نتایج بدست آمده از برنامه کامپیوتری و نتایج کد محاسباتی MCNP برای ضریب تکثیر مؤثر راکتور.

شماره راکتور	k_{eff} محاسبه شده	k_{eff} با MCNP
۱	1.0004 ± 0.0002	0.9984 ± 0.0002
۲	1.0004 ± 0.0002	0.9975 ± 0.0002
۳	1.0009 ± 0.0002	1.0007 ± 0.0002
۴	1.0001 ± 0.0002	0.9991 ± 0.0003

برای ارزیابی نتایج حاصل از محاسبه کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری، این کمیت را برای دو راکتور آزمایشگاهی محاسبه می‌کنیم [6,7] و نتایج حاصل از آنها را با نتایج تجربی مقایسه می‌نماییم. در این محاسبات از سطح مقطع‌های ۶ گروهی Hansen [5] استفاده شده است و نتایج محاسبات و نتایج تجربی [3] و خطای هر یک از آنها برحسب pcm ($\text{pcm} = 0.0001$) در جدول ۲ مندرج است.

جدول ۲- مقادیر تجربی کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری و نتایج بدست آمده از روش آنی برحسب pcm.

مقدار تجربی	مقدار محاسبه شده	ضریب تکثیر با کل نوترون‌ها	ضریب تکثیر با نوترون‌های آنی	راکتور
659 ± 10	659 ± 0.4	0.99747666 ± 0.0003889	0.9908957 ± 0.0003874	[6]
665 ± 13	692 ± 2	0.9976441 ± 0.0016639	0.9907320 ± 0.0016548	[7]

اکنون برای اینکه نتیجه محاسبات خود را با نتایج دیگر محاسباتی که با همین روش اما با کتابخانه‌های متفاوت به محاسبه کسر مؤثر نوترون‌های تأخیری پرداخته اند، مقایسه کنیم، جدول ۳ را فراهم می‌نماییم. در این جدول نتایج برای هر کتابخانه به صورت C/E (نسبت مقدار محاسبه شده به مقدار تجربی) گزارش می‌شود و نتایج کتابخانه Hansen توسط خودمان و نتایج کتابخانه‌های دیگر از مقاله ای استخراج شده است [3].

جدول ۳- مقایسه نتایج کسر مؤثر نوترون‌های بدست آمده از کتابخانه Hansen و نتایج بدست آمده از چند کتابخانه متفاوت با استفاده از روش آنی.

REACTOR	C/E (HANSEN)	C/E (JEEF-3.0)	C/E ENDF/B-VI.8	C/E JENDL-3.3
[6]	1.00 ± 0.01	0.99 ± 0.02	0.97 ± 0.02	1.00 ± 0.02
[7]	1.04 ± 0.02	1.04 ± 0.02	1.05 ± 0.03	1.04 ± 0.02

بحث و نتیجه گیری :

با وجود این که که روش آنی یک روش تقریبی است و نیاز به محاسبه دو ویژه مقدار دارد (نیاز به زمان بیشتر برای محاسبات) اما با مقایسه نتایج محاسباتی و نتایج تجربی درمی یابیم که این روش نتایج بسیار خوبی را هم برای راکتورهای بدون بازتابنده و هم راکتورهای دارای بازتابنده می دهد. جدول ۲ نشان می دهد که مقادیر محاسبه شده توسط کتابخانه Hansen [5] با مقادیر محاسبه شده توسط سایر کتابخانه هایی که در جدول ۲ آمده است، تطابق بسیار خوبی دارد.

مراجع :

- [1] G.R. Keepin , “Physic of Nuclear Kinetics” ,Aadision-Wesley Publishing Company,inc.,reading,(1965) PP. 73-129,161-168
- [2] “MCNP Monte Carlo N-Particel Transport Code System,version 4C2,”Los Alamos National Laboratory (2001)
- [3] R. Klein Meulekamp,S.C vander Marck, “Calculating the effective delayed neutron fraction with Monte Carlo , Nuclear Science and Engineering 152 (2006),PP. 142-148
- [4] Shayesteh .M, Shahriari .M and Raisali .G, Simulation of time dependent neutron transport in fission reactors using Monte-Carlo method, Journal of Nuclear Science and technology 39(2007), PP.1-8
- [5] Hansen,G.E, Roach, W.H, six and sixteen group cross sections for fast and intermediate critical assemblies . LAMS- 2543 , Los Alamos Scientific Laboratory
- [6] R.E. Peterson, G.A. Newby, “An Unreflected U-235 Critical Assembly” , Nuclear Science and Engineering : 1,112, 1956
- [7] R.H. White, “Topsy, An Remotely Controlled Critical Assembly Machine” , Nuclear Science and Engineering : 1,53 , 1956