

معرفی کموتریکس و اهمیت شبیه سازی : مطالعه موردی واکنش های سینتیکی و تعادل

سیده مریم سجادی

استادیار شیمی، دانشگاه سمنان، دانشکده شیمی، گروه شیمی تجزیه

چکیده

روشهای ریاضی و آمار با علوم مختلف برای پیشرفت تکنولوژی ترکیب شده است. در شیمی این ترکیب به عنوان شاخه جدید کموتریکس شناخته شده است و کاربردهای متنوعی در زمینه بهینه سازی واکنش های تجزیه ای و فرایندهای صنعتی، آنالیز و استخراج اطلاعات از داده های شیمیایی دارد. در این مقاله به تعریف کموتریکس و اهمیت شبیه سازی سیستمهای شیمیایی و سپس معرفی روش مدل سازی سخت برای محاسبه پارامترهای غیرخطی پرداخته می شود. نرم افزار chemkinetics برای شبیه سازی برخی واکنشهای سینتیکی و نرم افزار Excel برای شبیه سازی واکنشهای تعادلی اسید باز معرفی می گردد. محاسبه پارامترها ثابت سرعت در مطالعات سینتیکی و ثابت اسیدی در تیتراسیون اسید-باز با استفاده از Solver Add-in در محیط Excel توضیح داده می شود.

کلمات کلیدی

کموتریکس، شبیه سازی، مدل سازی سخت، Solver ، Excel ، chemkinetics

نکات برجسته پژوهش

- اهمیت شبیه سازی برای به دست آوردن داده با اطلاعات کافی.
- استفاده از روش کموتریکسی مناسب برای استخراج بیشترین اطلاعات از داده های شیمیایی.
- استفاده از روش مدل سازی سخت برای محاسبه پارامترهای غیرخطی سیستم های شیمیایی بر مبنای مدل معین.



۱- مقدمه

کمومتریکس^۱ (شیمی سنجی) مجموعه ی کاربرد های ریاضی، آمار و کامپیوتر برای حل مشکلات اندازه-گیری در شیمی می باشد. این رشته از حدود ۱۰ سال پیش وارد ایران شده و تقریباً رشته ی جدیدی می باشد. با توجه به جوانی این رشته ولی پیشرفت قابل ملاحظه ای در کشور عزیزمان داشته و تعداد محققین علاقمند به استفاده از روشهای کمومتریکس در حل مسائل شیمی، بیوشیمی، زیست در طی دهه اخیر افزایش یافته است. این شاخه کاربردهای متنوعی در زمینه بهینه سازی واکنش های تجزیه ای و فرایندهای صنعتی، آنالیز و استخراج اطلاعات از داده های شیمیایی دارد. به طور کلی روش های کمومتریکس به دو گروه نرم^۲ و سخت^۳ تقسیم بندی می شوند. مدل سازی سخت بر اساس روابط ریاضی که اندازه گیری ها را بطور کمی توصیف می کند، پایه گذاری شده است. برای مثال، در بررسی یک سیستم سینتیک شیمیایی، تجزیه داده ها بر اساس مدل سینتیکی یا مکانیسم واکنش، پایه گذاری می شود، که از این مدل اطلاعات کمی درباره همه واکنش ها و غلظت ها، در محلول تحت مطالعه، بدست می آید. در این مقاله به تعریف دقیق کمومتریکس و اهمیت شبیه سازی پرداخته می شود. نرم افزارهای Chemkinetics و Exel برای شبیه سازی واکنش های سینتیک و تعادل معرفی می گردد و در نهایت روش مدل سازی سخت در محیط Exel برای محاسبه ثابت های تعادل اسیدها و ثابتهای سرعت واکنشهای سینتیکی توضیح داده می شود.

۲- تعریف کمومتریکس

تعاریف مختلفی برای کمومتریکس ارائه گردیده است که همه معانی تقریباً مشابهی دارند. کوالسکی و فرانک^۴ ”کمومتریکس را به عنوان شاخه ای از علم شیمی که از ریاضی و آمار و کامپیوتر جهت طراحی آزمایش های بهینه سازی، برقراری ارتباط بین نتایج آزمایش با متغیرهای آزمایشی و همچنین استخراج اطلاعات از سیستم های شیمیایی، استفاده می کند، تعریف کرده اند.“
ولد^۵ درباره کمومتریکس چنین بیان کرده است: ”کمومتریکس نباید از شیمی جدا شود و یا حتی به عنوان شاخه ای جداگانه در شیمی در نظر گرفته شود، بلکه باید در تمام زمینه های شیمی قابل کاربرد باشد. کمومتریکس دانان باید به خاطر داشته باشند که شیمی پایه و اساس است و نتایج کمومتریکس و روش های آن، بدون توجه به شیمی، مسئله ای کم ارزش است.“

تعریف ارائه شده توسط انجمن بین المللی کمومتریکس به طور خلاصه بدین صورت است:
کمومتریکس در موقعیت کنونی یک مجموعه ای از قواعد شیمی است که امکان به کارگیری علوم ریاضی و آمار را در موارد زیر مهیا می نماید:

- ارزیابی و تفسیر داده های شیمیایی
- بهینه سازی و شبیه سازی فرایندها و آزمایش های شیمی تجزیه ای
- استنتاج اطلاعات شیمیایی و تجزیه ای از داده های تجربی.

۳- اهمیت شبیه سازی سیستم های شیمیایی

¹ Chemometrics

² Hard Modeling

³ Soft modelling

⁴ Frank

⁵ Wold

اولین نکته ای که یک محقق علاقمند به مطالعه کمومتریکیس باید مد نظر داشته باشد این است که داده و به دست آوردن اطلاعات دو مقوله متفاوت هستند. به آسانی می توان حجم وسیعی از داده به دست آورد در حالی که حاوی اطلاعات کم یا حتی فاقد اطلاعات می باشد در نتیجه استخراج اطلاعات مورد نیاز از این نوع داده امکان پذیر نمی باشد. بنابراین دو هدف اصلی کمومتریکیس بدین صورت است:

- چگونه داده ای را ایجاد کنیم که تا حد امکان حاوی اطلاعات باشد.
- چگونه اطلاعات مفید از داده های با حجم زیاد و پیچیده استخراج شود.

محققین در این رشته تلاش می کنند از روشهای آمار و ریاضی و علم اطلاعات جهت رسیدن به این اهداف استفاده نمایند.

یکی از مسائل مهم و اساسی در شیمی، تعیین مکانیسم واکنشها و ثابتهای سرعت است. روشهای سنتیکی در شیمی تجزیه از اهمیت ویژه ای برخوردارند. به عنوان مثال، با معلوم بودن ثابتهای سرعت یک فرایند صنعتی می توان پی برد که آیا فرایند در کنترل است یا خیر. بنابراین تعیین ثابتهای سرعت بسیار با ارزش است. با یک نگرش سطحی می توان مشاهده نمود که برخی از واکنشهای شیمیایی آنی بوده و تعدادی کند یا بی نهایت کند هستند. همچنین شدت بعضی از واکنشها در آغاز زیاد است، رفته رفته آهسته می گردند، برعکس برخی از واکنشها به کندی شروع شده و سپس شتاب می گیرند.

در زمینه های مختلف شیمی و بیوشیمی تعیین صحیح مقادیر ثابت تعادل ترکیبات اسید و باز اغلب مورد نیاز می باشد. ثابت اسیدی اهمیت حیاتی در فهم توزیع، رفتار انتقالی، پیوند با گیرنده ها و مکانیسم تهیه داروهای مشخص، دارند. ثابتهای اسیدی واکنشگرهای آلی نقش اساسی در فرایندهای تجزیه ای مانند تیتراسیون اسید-باز، استخراج حلال و تشکیل کمپلکس دارند، بنابراین تعیین آنها دارای اهمیت ویژه ای می باشد.

روشهای کمومتریکیس متعددی برای محاسبه برای محاسبه ثابتهای سینتیک و تعادل در واکنشهای سینتیک و تعادل وجود دارد. همانطور که در بالا ذکر شد برای به دست آوردن اطلاعات مورد نیاز از یک واکنش شیمیایی ابتدا ثبت داده با اطلاعات کافی از سیستم مورد نظر و سپس یافتن روشی مناسب برای استخراج اطلاعات مفید ضروری می باشد. بنابراین برای درک بهتر و بررسی دقیق تر موضوع، انتخاب روش دستگاهی مناسب برای ثبت سیگنال و امتحان توانایی روش کمومتریکیسی ارائه شده برای آنالیز داده ها، شبیه سازی واکنش های سینتیکی و تعادل حائز اهمیت است.

۴- معرفی نرم افزار برای شبیه سازی برخی واکنشهای سینتیکی و تیتراسیونهای اسید-باز

از دهه ۱۹۶۰ تا کنون نرم افزارها و برنامه های کامپیوتری متعددی برای شبیه سازی واکنشهای سینتیکی و تیتراسیون اسید-باز ارائه شده است. نرم افزار ChemKinetics [۱] توانایی دارد شش نوع واکنش سینتیکی مرتبه اول برگشت پذیر، برگشت ناپذیر، موازی، واکنش دو مرحله متوالی مرتبه اول، واکنش مرتبه دوم ساده و برگشت پذیر را شبیه سازی کند. ورودی این نرم افزار مدت زمان انجام واکنش، غلظت مواد اولیه و ثابت های سینتیک می باشد. خروجی برنامه تغییرات غلظتی مواد اولیه و محصول در طی سینتیک مورد نظر می باشد و قابل انتقال به نرم افزار Excel برای رسم و انجام عملیات های دیگر است.

تیتراسیونهای اسید-باز به سادگی با استفاده از نرم افزار قابل دسترس Excel شبیه سازی می شوند. علاوه بر این محاسبه پارامترها ثابت سرعت در مطالعات سینتیکی و ثابت اسیدی در تیتراسیون اسید-باز با استفاده از Solver Add-in در محیط Excel انجام می شود [۲]. داده های به دست آمده از بررسی های سینتیکی و تعادلی، توسط یک مدل شیمیایی توصیف می شوند که این مدل برای سیستم های تعادلی بر اساس موازنه جرم و در موارد سینتیکی بر اساس معادلات دیفرانسیل

می باشد. محاسبه پارامترها یک سیستم بر اساس مدل معین با استفاده از کمومتریکس را روش مدل سازی سخت می گویند. این روش بر اساس برازش حداقل مربعات غیر خطی می باشد.

۵- مدل سازی سخت: روش برازش حداقل مربعات غیر خطی [۳].

در این روش بهترین مجموعه از پارامترها برای یک مدل ویژه و یک داده ویژه تعیین می شود. به عبارت دیگر پارامتر(ها) به داده(های) اندازه گیری شده برازش می شوند. در یک دیدگاه کلی تر، برازش داده ها به عمل تعیین پارامترهایی برای یک مدل خاص گفته می شود که به ازای آن پارامترها، داده های محاسبه شده تا آنجا که ممکن است به مقادیر اندازه گیری شده نزدیک باشد.

ایده برازش داده ها این است که داده محاسبه شده ای پیدا کند، \mathbf{d}_{calc} که تا آنجا که ممکن است به داده واقعی نزدیک باشد. این داده های محاسبه شده به وسیله مدل و مجموعه ای از پارامترها تعیین می شوند. تفاوت بین داده های اندازه گیری شده (\mathbf{d}_{meas}) و داده های محاسبه شده، باقیمانده، \mathbf{e} نامیده می شود:

$$\mathbf{d}_{meas} = \mathbf{d}_{calc}(\text{Model}, \text{Parameters}) + \mathbf{e} \quad (1)$$

گزینه های مختلفی برای تعیین کیفیت برازش وجود دارد. یکی از بهترین گزینه ها مجموع مربع باقیمانده ها می باشد.

$$ssq = \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J e_{ij}^2 \quad (2)$$

ترکیب کردن معادلات ۱ و ۲ به وضوح نشان می دهد که SSQ یک تابعی از پارامترها، مدل و البته خود داده ها است.

$$ssq = \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J e_{ij}^2 = \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J (d_{ij,meas} - d_{ij,cal})^2 = f(\text{model}, \text{parameters}) \quad (3)$$

پارامترهای خطی می توانند به یک معادله دقیق برازش شوند، که هیچ فرآیند تکرار شونده ای^۶ مورد نیاز نیست، در حالی که پارامترهای غیرخطی به یک الگوریتم تکرار شونده احتیاج دارند که با حدس های اولیه شروع می شود، و در یک تعداد تکرار، و زمان معقول به سمت حل بهینه همگرا می شود.

به طور کلی هسته اصلی در برازش داده، محاسبه پروفایل غلظتی همه گونه های واکنش کننده می باشد که با استفاده از پارامترهای غیرخطی و مدل شیمیایی محاسبه می شوند و سپس پارامترهای خطی با انجام حداقل مربعات طبق معادلات ۵ به دست می آیند. در این معادلات ماتریس \mathbf{C} تغییرات غلظتی گونه های درگیر در واکنش و بردار \mathbf{y} پارامترهای خطی می باشد.

$$\mathbf{d} = f(\text{model}, \text{parameters}) \quad (4)$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{C}^+ \mathbf{d}_{meas} \quad (5)$$

$$\mathbf{e} = \mathbf{d}_{meas} - \mathbf{C}\mathbf{y}^T = \mathbf{d}_{meas} - \mathbf{C}\mathbf{C}^+ \mathbf{d}_{meas} \quad (6)$$

$$ssq = \sum_{i=1}^I \sum_{j=1}^J e_{ij}^2 = f(\text{Model}, \text{Parameters}) \quad (7)$$

به این ترتیب پارامترهای غیرخطی بهینه محاسبه می شوند.

⁶Iterative process

۶- نتیجه گیری

تعریف جامعی از کمومتری کس براساس نظر محققین پیشتاز در این زمینه ارائه گردید. اهمیت شبیه سازی واکنشهای برای استخراج اطلاعات مورد نیاز از یک واکنش شیمیایی توضیح داده شد. دو نرم افزار Chemkinetic و Excel برای شبیه سازی واکنشهای سینتیک و تعادل معرفی گردید و در نهایت به نحوه محاسبه پارامترهای سینتیک و تعادل با استفاده از Solver در محیط Exel پرداخته شد.

منابع

- [1] Stephen W. Bigger, *ChemKinetics: Fundamental Chemical Kinetics Principles and Analysis by Computer Simulation*. Journal of Chemical Education; Vol. 88(2), pp 244, 2011.
- [2] John Burnett and William A. Burns, *Using a Spreadsheet to Fit Experimental pH Titration Data to a Theoretical Expression: Estimation of Analyte Concentration and Ka*. Journal of Chemical Education; Vol. 83(8), pp. 1190, 2006
- [3] Maeder M, Zuberbuehler AD. *Nonlinear least-squares fitting of multivariate absorption data*. Analytical Chemistry. Vol. 62, pp. 2220-2224, 1991