

هم خط شدن مولکولها در بلورهای مایع بر اثر حضور سطح محدود کننده

عوض پور، ابوالقاسم^۱: مرادی، محمود^۲

۱ بخش فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه یا سوج، یاسوج، کد پستی -۷۵۹۱۹.

۲ بخش فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه شیراز، شیراز، کد پستی -۷۱۴۵۴.

چکیده

تمایل مولکولهای بلورهای مایع برای سمت گیری در جهت خاص، هنگامی که در تماس با دیواره ظرف یا فصل مشترک قرار می گیرند، آنکورینگ نام دارد. بسته به جهت گیری غالب مولکولهای مایع، این پدیده صفحه ای، مایل و عمود بر فصل مشترک نامیده می شود. نظریه تابعی چگالی تصحیح شده ریکیزن موسوم به مدل جهت دار محدود (ROM)^۱ را برای مطالعه نظری پدیده آنکورینگ مولکولهای مدل هم پوشانی گائوسی سخت (HGO)^۲ با طول به پهنای $k=3$ به کار برده و پروفیل چگالی مایع را با نتایج شبیه سازی مونت کارلو مقایسه کرده ایم.

Alignment of molecules in confined liquid crystals under influence of the confinement surfaces.

Avazpour A. [1]: Moradi. M [2]:

[1] Department of Physics, College of Science, Yasooj University, Yasooj, 75919, Iran.

[2] Department of Physics, College of Science, Shiraz University, Shiraz, 71454, Iran.

Abstract

The tendency of liquid crystals to orient in a particular direction when in contact with the container wall is called the anchoring phenomenon. The anchoring induced by an interface is known as planar, tilted or homeotropic depending on the direction of molecules with respect to the interface. Here we extended the Rickayzen restricted orientation model (ROM) based on density functional theory to study the anchoring transition in the hard Gaussian overlap (HGO) fluids for elongation $k=3$. The obtained number density are compared with the Monte Carlo simulation results.

PACS No. 60

نظریات تابعی چگالی، جهت بررسی گذار فاز بلورهای مایع از حالات ایزوتروپیک به نماتیک و نماتیک به اسمکتیک مورد استفاده قرار گرفته است [۳].

بیشترین کارهای نظری انجام شده در این زمینه استفاده از نظریه تابعی چگالی ساده انزاگر [۴] بوده است. آلن [۲] این نظریه را به کار برده و نتایج را با شبیه سازی های کامپیوتری انجام شده خودش مقایسه نموده است. بارمس و کلیور با استفاده از شبیه سازی کامپیوتری مونت کارلو [۵] گذار آنکورینگ از حالت صفحه ای به حالت عمودی را برای مولکولهای هم پوشان گائوسی سخت HGO [۶] با نسبت طول به پهنای ۳ بررسی نمودند.

باتوجه به نارسائیهای تقریب انساگر، ما نظریه تابعی چگالی

ساختمان بلور مایع محدوده شده نقش مهمی در صنعت نمایشگرهای بلوری مایع ایفا می کند [۱]. هنگامی که بلور مایع مجاور فاز دیگری قرارگیرد تقارن سیستم شکسته می شود. شکستن این تقارن دو اثر عمده دارد. اولی لایه بندی مولکولها در مجاورت فصل مشترک و دومی تصحیح نظم جهت گیری سطح در مجاورت ناحیه فصل مشترک است. تمایل بلورهای مایع برای جهت گیری در جهت خاص، هنگامی که در تماس با دیواره ظرف یا فصل مشترک قرار می گیرند، آنکورینگ نام دارد [۲]. نظریه آنکورینگ همانند نوعی فاز برای حالت ماده می باشد. آنکورینگ القاء شده ناشی از اثر سطح روی بلورهای مایع، بسته به جهت گیری غالب مولکولهای مایع، صفحه ای، مایل و عمود بر فصل مشترک نامیده می شود. مطالعه این اثر با

نشان داده می شود. برای این مایع محدود شده بین دیواره های عمود بر Z و فاصله h ، پروفیل چگالی $\rho(z)$ به صورت زیر در میآید

$$\sum_{\alpha\beta} \rho_{\alpha\beta}(z) = \int d\omega \rho(\vec{r}, \omega) \quad (6)$$

و تابعی چگالی انرژی پتانسیل بزرگ $[\rho]$ Ω در واحد مساحت در مدل پیشنهادی ما $[V]$ عبارتست از:

$$\begin{aligned} \frac{\beta\Omega[\rho_{\alpha\beta}]}{A} &= \sum_{\alpha\beta} \int_{-h_{\alpha}/2}^{h_{\alpha}/2} dz \rho_{\alpha\beta}(z) \left[\ln \frac{N\rho_{\alpha\beta}(z)}{\rho_B} - 1 \right] \\ &+ \sum_{\alpha\beta} \beta \int_{-h_{\alpha}/2}^{h_{\alpha}/2} dz V(z, \theta_{\alpha}) \rho_{\alpha\beta}(z) \\ &- \frac{1}{2} \sum_{\alpha, \beta} \sum_{\gamma, \delta} \int_{-h_{\alpha}/2}^{h_{\alpha}/2} dz_1 \int_{-h_{\gamma}/2}^{h_{\gamma}/2} dz_2 \left(\rho_{\alpha\beta}(z_1) - \frac{\rho_B}{N} \right) \end{aligned}$$

(۷)

$$\times C_{\alpha\beta\gamma\delta}(z_1 - z_2) \left(\rho_{\gamma\delta}(z_2) - \frac{\rho_B}{N} \right)$$

که A مساحت دیواره و

$$\frac{h_{\alpha}}{2} = \frac{h}{2} - \sigma_w \quad (8)$$

و

$$\begin{aligned} C_{\alpha\beta\gamma\delta}(z_1 - z_2) &\equiv C(z_1, \omega_{\alpha\beta}, z_2, \omega_{\lambda\delta}; \rho_B) \\ &= \frac{1}{A} \int dx_1 dy_1 dx_2 dy_2 C(\vec{r}_1, \omega_1, \vec{r}_2, \omega_2; \rho_B) \end{aligned} \quad (9)$$

تابع همبسته مستقیم مایع همگن می باشد.

در تقریب (Hyper-Netted Chain) HNC، با در نظر گرفتن تقارن روی φ_{β} ، پروفیل چگالی برای امتداد معین با $\varphi_{\beta} = 0$ از کمینه کردن معادله γ بدست می آید.

$$\begin{aligned} \rho_{\alpha 0}(z) &= \frac{\rho_B}{N} \exp \left[\sum_{\gamma=0}^{m-1} \sum_{\delta=0}^{2m-1} \right. \\ &\times \left. \int dz_1 C_{\alpha 0\gamma\delta}(z_1 - z) \left(\rho_{\gamma 0}(z_1) - \frac{\rho_B}{N} \right) \right] \end{aligned} \quad (10)$$

ROM منسوب به ریکیزن را با افزایش درجات آزادی مولکولها تعمیم داده $[V]$ و آنرا برای مطالعه نظری پدیده آنکورینگ مولکولهای HGO با طول به پهنای $k=3$ به کار برده و پروفیل چگالی مایع را با کارهای شبیه سازی مونت کارلو در مرجع $[5]$ مقایسه کرده ایم. برای بررسی گذار ناشی از نفوذ سطح در بلورهای مایع، مایع محدود بین دو دیواره را در نظر می گیریم. ابتدا برهم کنش بین مولکولهای مایع و دیواره جامد را پتانسیل سوزن - دیواره سخت (Hard Needle- HNW) (Wall) $[5]$

در نظر می گیریم.

$$V_{\alpha}(z_i, \theta_{\alpha}) = \begin{cases} 0 & \text{if } |z_{\alpha} - z_i| \geq \sigma_w \\ \infty & \text{if } |z_{\alpha} - z_i| \leq \sigma_w \end{cases} \quad (1)$$

با:

$$\sigma_w = |bk_s \cos \theta_{\alpha}| \quad (2)$$

که z_i موقعیت دیواره، z_{α} موقعیت مولکول در امتداد α ، $2b$ پهنای واحد مولکول، k_s برابر طول سوزن و θ زاویه بین محور هر مولکول و بردار عمود بر سطح می باشد. در شکل ۱ شکل بندی HNW برای یک مولکول با نسبت طول به پهنای k نشان داده شده است. دیده می شود که $0 \leq k_s \leq k$ می باشد.

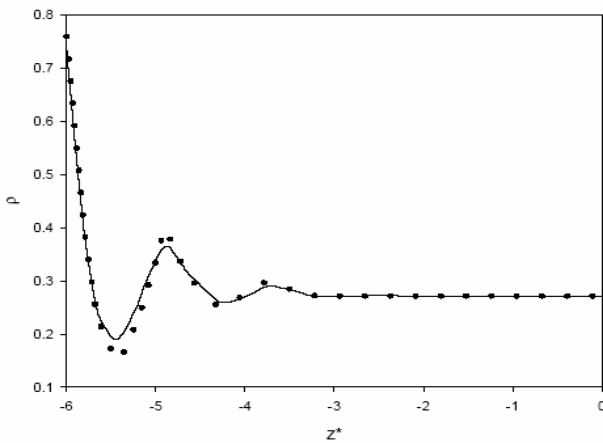
به هر مولکول، $N = 2m^2$ درجه آزادی نسبت می دهیم. جهت هر مولکول با

$$\omega_{\alpha\beta} \equiv (\theta_{\alpha}, \varphi_{\beta}) \quad (3)$$

و

$$\cos \theta_{\alpha} = -1 + \frac{2\alpha + 1}{m}, \quad \alpha = 0, 1, \dots, m-1 \quad (4)$$

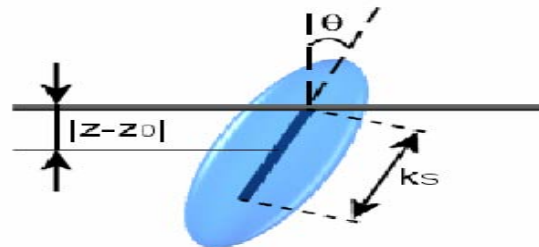
$$\varphi_{\beta} = \frac{\beta\pi}{m}, \quad \beta = 0, 1, \dots, 2m-1 \quad (5)$$



شکل ۳: پروفیل چگالی عددی بر حسب فاصله کاهش یافته Z^* از یک دیواره، برای $k=3$ ، $\rho_B=0.246$ ، $k_s=0.8k$ ، $h=12$ خط پر کار ما و نقاط شبیه سازی های مرجع [۵] می باشند

با استفاده از تابع همبسته مستقیم مولکولهای با بر همکنش HGO [۶] به عنوان ورودی معادله انتگرالی (۱۰)، پروفیل چگالی را بدست آورده ایم. در محاسبات حالت $N=128$ ، $k = a/b = 3$ ، $k_s=0.8k$ و $k_s=0.2k$ را برای $h=12$ با

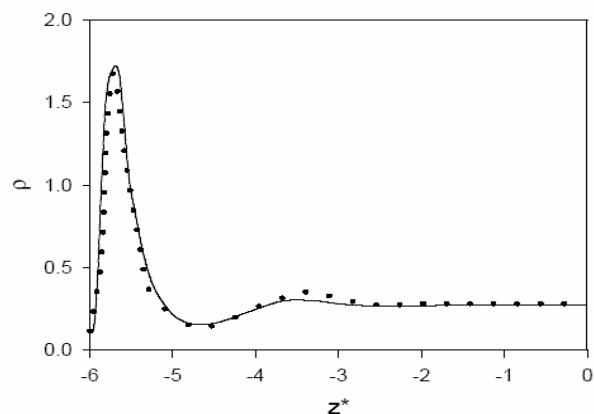
در نظر گرفته ایم. معادله انتگرالی در برنامه کامپیوتری به زبان فرترن و با روش تکرار حل شده است. مقایسه های انجام شده در شکل های ۲ و ۳ نشاندهنده تغییرات پروفیل چگالی از حالت صفحه ای به حالت عمود بر دیواره ها با تغییر طول سوزن مربوط به برهم کنش HNW، و انطباق آن ها با نتایج شبیه سازی های مرجع [۵] می باشد.



شکل ۱: شکل بندی HNW، Z_0 موقعیت دیواره و Z موقعیت مولکول می باشد.

مراجع

- [1] Jerome. B, *Rep. Prog. phys.* **54**, 391 (1991).
- [2] Allen. M. P, *Mole, phys.* **96**, 1391 (1999).
- [3] Velsco, E and Mederos. L. *J. Chem. phys.* **109**, 2361 (1998).
- [4] Onsager. L, *Ann. N. Y. Acad. sci.* **51**, 627 (1949).
- [5] Barmes. F and cleaver. D. *J. phys. Rev.* **E 69**, 61705 (2004)
- [۶] مرادی، محمود. عوض پور، ابوالقاسم. مقاله نامه یازدهمین کنفرانس ماده چگال خرداد ۱۳۸۴ زنجان.
- [7] Moradi, M, Wheatley. R. J and Avazpour. A, *Phys.Rev.E* **72**, 061706 (2005).



شکل ۲: پروفیل چگالی عددی بر حسب فاصله کاهش یافته Z^* از یک دیواره، برای $k=3$ ، $\rho_B=0.246$ ، $k_s=0.2k$ ، $h=12$ خط پر کار ما و نقاط شبیه سازی های مرجع [۵] می باشند.