

## مدلبندی آماری کریستال $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$

هوشیار، محبوبه

گروه فیزیک دانشکده علوم پایه دانشگاه شهید بهشتی اوین تهران

### چکیده

با استفاده از یک مدل آماری، تعداد همسایه های اتم  $Ce$  در ترکیب  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  برای غلظتهای مختلف محاسبه شد. در این محاسبه با توجه به فرض همگنی کامل، تعداد همسایه های  $Ce$  در یک راس مکعب، به عنوان یک متغیر تصادفی در نظر گرفته شده و نتایج این محاسبه برای بررسی اندازه گیری تجربی مقاومت الکتریکی این آلیاژها مورد استفاده قرار داده شده است.

## Statistical Model for $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$ Crystals

Houshiar, Mahboubeh

Physics Department, Faculty of Science, Shahid Beheshti University, Evin Tehran.

### Abstract

Based on a statistical model, the probability of the number of neighbours for a Ce atom in the compound  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  was calculated for different concentrations. In this computation, based on the assumption of complete homogeneity, the number of neighbours, for a Ce atom considered as a random variable and the results were used for the empirical measurements of the electrical resistivity of the alloys.

PACS No. 71.15

### مقدمه

برای مدلبندی آماری از مدل توزیع دو جمله ای استفاده میکنیم. توزیع دو جمله ای براساس آزمایشهایی به نام آزمایشهای برنولی شکل گرفته است. آزمایش برنولی - عبارتست از آزمایشی که نتیجه آن فقط دو حالت دارد، مثل پرتاب سکه [۵]. اگر چنین آزمایشی را مستقلاً  $n$  بار تکرار کنیم با فرض اینکه احتمال پیشامد مورد نظر در هر بار تکرار آزمایش ثابت باشد، در این صورت  $y$  تعداد دفعاتی که در  $n$  بار تکرار آزمایش پیشامد مورد نظر، رخ دهد، یک متغیر تصادفی است موسوم به متغیر دو جمله ای که توزیع احتمال آن را توزیع دو جمله ای می نامند. میتوان نشان داد که احتمال وقوع مقادیر مختلف  $y$  از فرمول زیر تبعیت می کند.

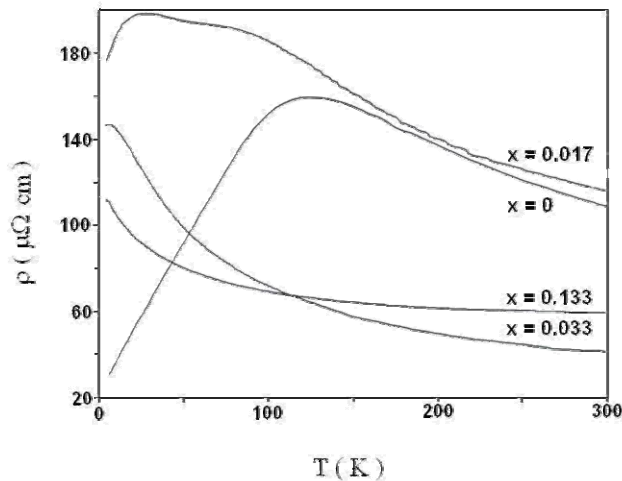
$$\Pr(y = j) = \frac{n!}{j!(n-j)!} p^j (1-p)^{n-j} \quad (1)$$

واضح است که مقادیر متغیر تصادفی  $y$  (تعداد رخداد پیشامد مورد نظر) از صفر تا  $n$  تغییر می کند و احتمالهای مربوط به آنها از فرمول توزیع دو جمله ای (۱) به دست می آید.

مطالعه آلیاژ  $CePd_3$  به عنوان یک ترکیب والانس میانی تا به حال به طور وسیعی مورد بررسی قرار گرفته است [۱]. از طرف دیگر دیده شده که اضافه کردن دیگر عناصر [۲] و یا جایگزین کردن برخی عناصر دیگر به جای عنصر  $Pd$  [۳] باعث تغییر حالت این ترکیب از حالت والانس میانی به حالت سه گانه شبه کاندو می گردد. مطالعات تجربی تراپردی و مغناطیسی این ترکیب با نشان دادن عنصر  $Cu$  به جای  $Pd$  در گزارشهای پیشین ارایه گردیده است [۴]. در ادامه این مطالعات و به منظور بررسی علت تغییر مقاومت الکتریکی  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  با استفاده از یک مدل آماری، تعداد همسایه های اتم  $Ce$  در ترکیب  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  برای غلظتهای مختلف محاسبه شده است.

### روش محاسباتی - مدلبندی آماری

حالت ترکیب از والانس میانی به وضعیت شبه کاندو تبدیل می گردد. شکل (۱) مقاومت الکتریکی این آلیاژها را با غلظتها مختلف  $x=0.0, 0.017, 0.033, 0.133$  در دماهای بین صفر تا ۳۰۰ درجه کلون نشان می دهد.



شکل (۱)-مقاومت الکتریکی آلیاژهای  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  برحسب دما [۴].

همانطور که در شکل دیده می شود، در غلظت  $x=0$  مقاومت، رفتار والانس میانی را نشان میدهد. در این غلظت، یک قله در حدود دمای ۱۵۰ درجه کلون مشاهده می شود که با جایگزینی  $1/7$  Cu محل قله به دمای پایینتر حدود ۳۰ درجه کلون منتقل می شود. این نشاندهنده این است که برای ترکیب با غلظت کمتر از  $1/7$  رفتار مقاومت شبیه ترکیب  $CePd_3$  است اما در مقیاس دمایی کاهش یافته. این انتقال دمایی قله در مقاومت برای ترکیب با غلظت  $x=0.008$  نیز مشاهده شده است [۶]. همانطور که در شکل (۱) دیده میشود، مقاومت ترکیب با  $1/7$  Cu در واقع با دو قله ظاهر میشود. یک قله در حدود ۳۰ درجه کلون و دیگری در حدود ۷۵ درجه کلون. رفتار مشابهی نیز در ترکیب  $CePd_3Si_x$  با  $x=0.01$  در مقاومت الکتریکی با دو قله مشاهده شده است [۷] که شبیه ترکیب  $Ce(Pd_{0.83}Cu_{0.017})_3$  می باشد. با مدلبندی آماری انجام شده و با فرض همگنی کامل آلیاژها، طبق نتایج نشان داده شده در جدول (۱)، به نظر می رسد که برای غلظت  $x=0.017$ ، 81.4% اتمهای Ce هیچ همسایه Cu ندارند

آلیاژهای  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  با غلظتهای  $x=0, 0.017, 0.033, 0.133$  تهیه و ساختار کریستالی آنها در گزارشهای قبلی آمده است [۴]. این آلیاژها دارای ساختار مکعبی مرکز وجهی میباشند. در این ساختار اتم Ce در هر راس مکعب واقع شده و اتمهای Pd در مرکز هر وجه قرار میگیرند. با توجه به فرض همگنی کامل، تعداد همسایه های یک اتم در یک راس مکعب یک متغیر تصادفی است با پارامترهای  $p=0.017$  و  $n=12$ . بدین معنا که شانس اینکه در هر وجه یک همسایه وجود داشته باشد برابر با 0.017 است. بنابراین مقادیر ممکن y اعداد بین صفر تا ۱۲ می باشند و احتمالهای مربوط به آنها از فرمول توزیع دوجمله ای (۱) به این ترتیب به دست می آید: مثلا برای  $x=0.017$ ،  $p=0.017$  و  $n=12$  خواهیم داشت،

$$pr(y=0) = \binom{12}{0} 0.017^0 (1-0.017)^{12} = 0.814$$

که این بدان معنی است که 81.4% اتمهای Ce فاقد همسایه Cu می باشند.

و یا مثلا

$$pr(y=1) = \binom{12}{1} 0.017^1 (1-0.017)^{11} = 0.169$$

یعنی که 16.9% اتمهای Ce دارای تنها یک همسایه Cu می باشند. پس 1.7% بقیه حالات، مواردی است که اتمهای Ce دارای بیش از یک همسایه هستند. به این ترتیب این محاسبه برای سایر غلظتهای x انجام شده و نتایج در جدول (۱) ارایه میگردد.

جدول (۱): نتایج محاسبات آماری درصد همسایه های اتم Ce در آلیاژ  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  برای غلظتهای مختلف x

x=0.017		x=0.033		x=0.133	
Ce همسایه %	Cu همسایه	Ce همسایه %	Cu همسایه	Ce همسایه %	Cu همسایه
81.4%	0	66.8%	0	18%	0
16.9%	1	27.4%	1	33.2%	1
1.7%	>1	5.8%	>1	48.8%	>1

اندازه گیریهای مقاومت الکتریکی، پذیرفتاری مغناطیسی، قدرت حرارتی و مقاومت مغناطیسی [۴] و همچنین پراکنش نوترونی این آلیاژها در غلظتهای مختلف نشان میدهد که با افزایش غلظت Cu

### مرجع ها

- [۱] E. Wuilloud, et al; J. Phys. C. Vol. 17, No. 27, p. 4799-4806 (1984).  
[۲] J. P. Kappler, et al; JMMM 47 & 48 p 111-114 (1985).  
[۳] Adroja D.T., et al; Physica B 186-188, 566 (1994).  
[۴] M. Houshiar et al, Proceedings of the 6<sup>th</sup> Annual Condensed Matter Conference, Yazd, Iran, P.63 (2003).547  
[۵] M. Evans, N. Hosting, B. Peacock, "Statistical Distributions" 3<sup>rd</sup> edition, John Wiley (2000).  
[۶] T Kasuya, et al; J. Less Common Met, 127,337 (1987).  
[۷] D.T. Adroja, et al ;JMMM 161,157 (1996).

حال آنکه 16.9% اتمهای Ce یک اتم Cu همسایه دارند. احتمال اینکه اتمهای Ce بیش از یک همسایه Cu داشته باشند، تنها 1.7% است. بنابراین ممکن است که دو قله مشاهده شده در مقاومت الکتریکی ناشی از وجود این دو نوع Ce محلی باشد. در نتیجه این امکان وجود دارد که شاید قله دیده شده در ۷۵ درجه کلونین مربوط به اتمهای Ce بدون هیچ همسایه Cu باشد و اتمهایی که دارای یک همسایه Cu هستند باعث ایجاد رسیدن به دمای کاندو می شوند، پس ممکن است دلیل وجود قله دوم در دمای پایتتر به خاطر رفتار یون منفرد کاندو باشد. برای غلظت  $x=0.033$  احتمال اینکه اتمهای Ce بدون هیچ همسایه Cu کمتر می شود (۶۶/۸٪). اما در اینجا اثر افزایش Cu در ترکیب این است که قله مقاومت در دمای به مراتب پایتتر منتقل می شود که به حالت منفرد کاندو بسیار نزدیک می شود. با افزایش غلظت  $x$ ، ترکیب هیچ قله ای در مقاومت نشان نمی دهد. در واقع مقاومتهای  $x=0.033$  و  $x=0.133$  نشان داده شده در شکل (۱) با افزایش دما به طور یکنواخت بر حسب قانون  $-\ln(T)$  بین ۱۰ تا ۱۰۰ درجه کلونین کاهش نشان می دهند.

### نتیجه گیری

تغییر غلظت  $x$  در آلیاژهای  $Ce(Pd_{1-x}Cu_x)_3$  در نتایج تجربی مقاومت رفتارهای متفاوتی را نشان می دهد که از جمله وجود دو قله در غلظت  $x=0.017\%$  است. با استفاده از مدل بندی آماری در ساختار کریستالی و محاسبه احتمال وجود همسایه های جایگزین شده Cu با اتم Pd در این ترکیبها، دلیل وجود دو قله بررسی شد. به نظر می رسد با افزودن  $x$ ، اتمهای محلی Ce به دو نوع تبدیل می شوند؛ یکی اتمهای Ce بدون همسایه Cu و دیگری اتمهای Ce با یک همسایه Cu. پس دلیل وجود دو قله در مقاومت الکتریکی می تواند به خاطر وجود این دو نوع Ce محلی باشد.